

# آشکارسازی سیگنال‌های تنک کوانتیزه شده با استفاده از

## آشکارساز بهینه محلی در شبکه‌های حسگر بی‌سیم

عبدالرضا محمدی و امین جاجرمی

آشکارسازی سیگنال‌های تنک را می‌توان به دو دسته کلی آشکارسازی سیگنال تنک به وسیله بازسازی سیگنال و آشکارسازی سیگنال تنک بدون بازسازی سیگنال تقسیم کرد. در [۷] و [۸] آشکارسازهایی بر اساس روش آشکارسازی سیگنال تنک بدون بازسازی، آشکارساز با داده‌های فشرده مواجه است، حجم داده‌هایی که باید پردازش شوند، کمتر بوده و بنابراین این روش ارزش بیشتری دارد. نویسنده‌گان در [۱۰] به آشکارسازی سیگنال تنک بدون بازسازی آن سیگنال پرداخته و بر اساس معیار نسبت درستنمایی تعمیم‌یافته<sup>۳</sup> (GLR) آشکارسازهایی را ارائه داده‌اند. همچنین در [۱۱] یک آشکارساز بر اساس قوی‌ترین آزمون محلی<sup>۴</sup> برای مسئله آشکارسازی سیگنال‌های تنک به وسیله شبکه حسگر پیشنهاد شده که در آن، آشکارساز از داده‌های فشرده استفاده کرده و نیازی به بازسازی سیگنال ندارد. نویسنده‌گان در [۱۰] و [۱۱] از توزیع برنولی-گوسی<sup>۵</sup> برای مدل سازی سیگنال تنک استفاده کرده‌اند.

در عمل به دلیل محدودیت پهنای باند، داده‌ها به یک یا چند بیت کوانتیزه شده و سپس به مرکز ادغام ارسال می‌شوند. در صورت محدودیت شدید پهنای باند، هر حسگر فقط یک بیت به مرکز ادغام ارسال می‌کند. آشکارسازی سیگنال بر اساس داده‌های کوانتیزه شده دارای پیشینه عمیقی است [۱۲]. مسئله آشکارسازی توزیعی سیگنال در شبکه‌های حسگر بی‌سیم بر اساس مشاهدات کوانتیزه شده یک‌بیتی در [۱۳] و [۱۴]، بررسی و چند آشکارساز بر اساس آزمون‌های رائو<sup>۶</sup>، قوی‌ترین آزمون محلی و GLR پیشنهاد شده است.

در [۱۵] یک آشکارساز GLR برای مسئله آشکارسازی توزیعی سیگنال به وسیله شبکه‌های حسگر بی‌سیم پیشنهاد شده که در آن، هر حسگر فقط یک بیت را از طریق کانال‌های غیرایده‌آل به مرکز ادغام ارسال می‌کند. آشکارسازی بردار سیگنال نامعلوم با استفاده از یک یا چند بیت در [۴] مطالعه شده و یک آشکارساز بر اساس آزمون رائو پیشنهاد گردیده است. همچنین مسئله طراحی کوانتیزه کننده برای مسئله آشکارسازی توزیعی سیگنال در [۱۶] بررسی شده است.

برای آشکارسازی سیگنال‌های تنک، مشاهدات فشرده می‌توانند در حسگرها به یک یا چند بیت کوانتیزه شده و به مرکز ادغام ارسال شوند. مسئله آشکارسازی سیگنال‌های تنک بر اساس داده‌های کوانتیزه شده در چند مقاله بررسی گردیده است [۱۷] تا [۲۰]. در [۱۷] مسئله آشکارسازی سیگنال‌های تنک تصادفی با داده‌های کوانتیزه شده در شبکه‌های حسگر،

چکیده: در این مقاله، مسئله آشکارسازی توزیعی سیگنال‌های تنک را در یک شبکه حسگر بی‌سیم بررسی می‌کنیم. دو سناریو در نظر می‌گیریم؛ در سناریوی اول، حسگرها مشاهدات خود و در سناریوی دوم نسبت درستنمایی را به یک بیت کوانتیزه کرده و از طریق کانال کنترل غیرایده‌آل به مرکز ادغام ارسال می‌کنند. در مرکز ادغام با استفاده از روش قوی‌ترین آزمون محلی، دو آشکارساز پیشنهادی می‌دهیم و همچنین با استفاده از تحلیل مجذوبی آشکارسازهای پیشنهادی، سطوح آستانه کوانتیزاسیون بهینه برای هر حسگر را تعیین می‌کنیم. با توجه به روابط به دست‌آمدۀ می‌بینیم که سطوح کوانتیزاسیون برای هر حسگر به کیفیت کانال کنترل آن حسگر بستگی دارد. نهایتاً برای بررسی عملکرد آشکارسازهای پیشنهادی از شبیه‌سازی استفاده می‌شود که شبیه‌سازی‌های انجام‌شده نتایج تئوری را تأیید می‌کنند.

**کلیدواژه:** سیگنال تنک، شبکه حسگر بی‌سیم، قوی‌ترین آزمون محلی، کانال کنترل غیرایده‌آل، کوانتیزاسیون.

### ۱- مقدمه

یکی از کاربردهای بسیار مهم شبکه‌های حسگر بی‌سیم، آشکارسازی سیگنال در یک محدوده جغرافیایی است [۱]. از آنجا که اغلب حسگرها در این شبکه‌ها محدودیت پهنای باند/ توان دارند، بررسی روش‌های آشکارسازی سیگنال با توان و پهنای باند مصرفی پایین، ضروری به نظر می‌رسد [۲] تا [۴]. یکی از مسائلی که به تازگی در این زمینه مطرح شده است، آشکارسازی سیگنال تنک<sup>۷</sup> توسط شبکه‌های حسگر بی‌سیم می‌باشد [۵]. یک سیگنال تنک است اگر اغلب درایه‌های آن در مقایسه با بعد آن سیگنال صفر باشد. نکته قابل توجه در مورد سیگنال‌های تنک این است که نمونه‌برداری این سیگنال‌ها با نرخ کمتر از نرخ نایکوئیست انجام می‌شود. به بیان دیگر، سیگنال‌های تنک را می‌توان با تعداد نمونه‌های کمی به‌طور دقیق بازیابی کرد [۶]. بسیاری از سیگنال‌ها از جمله سیگنال‌های صوت، تصویر و رادار را می‌توان سیگنال‌های تنک در نظر گرفت. مسئله آشکارسازی سیگنال‌های تنک در شبکه‌های حسگر بی‌سیم اهمیت بالایی دارد؛ زیرا می‌توان به جای ارسال داده‌های با ابعاد بالا به مرکز ادغام، داده‌های فشرده را ارسال کرد و علاوه بر صرف‌جویی در پهنای باند، حجم پردازش داد را نیز کاهش داد [۷] تا [۹].

این مقاله در تاریخ ۱۵ فوریه ماه ۱۴۰۲ دریافت و در تاریخ ۱ آذر ماه ۱۴۰۲ بازنگری شد.

عبدالرضا محمدی (نویسنده مسئول)، دانشکده مهندسی، گروه مهندسی برق، دانشگاه بجنورد، بجنورد، ایران، (email: a.mohammadi@ub.ac.ir).

امین جاجرمی، دانشکده مهندسی، گروه مهندسی برق، دانشگاه بجنورد، بجنورد، ایران، (email: a.jajarmi@ub.ac.ir).

1. Sparse Signal

2. Generalized Likelihood Ratio

3. Locally Most Powerful Test

4. Bernoulli-Gaussian

5. Rao

علوم و مستقل از سیگنال است که بیانگر ماتریس اندازه‌گیری می‌باشد [۵] و [۲۰].  $w_k$  نویز گوسی سفید جمع‌شونده با واریانس معلوم  $\sigma_w^2$  و  $s_k \in \mathbb{R}^{M \times 1}$  بیانگر سیگنال تنک است که تعداد محدودی درایه با مقدار غالب دارد. به علاوه فرض می‌شود که سیگنال‌های تنک دارای گوی تنکی یکسان هستند. به عبارت دیگر، درایه‌های غیرصفر سیگنال‌های تنک  $\{s_{k,k}\}_{k=1,\dots,K}$  برای حسگرهای مختلف، مقادیر مختلف دارند، ولی دارای مکان‌های یکسان در بردار  $s_k$  هستند [۱۰]، [۱۷]، [۲۲] و [۲۳].

## ۲-۲ مدل سیگنال

برای مدل سازی سیگنال تنک از توزیع برنولی- گوسی [۱۰] و [۲۴] و برای بیان گوی تنکی یکسان از بردار  $M$  بعدی  $l$  به صورت زیر استفاده می‌شود

$$l_m = \begin{cases} 0 & \text{if } s_{k,m} = 0 \\ 1 & \text{if } s_{k,m} \neq 0. \end{cases} \quad (2)$$

برای  $k=1,2,\dots,K$  و نیز فرض می‌شود درایه‌های بردار  $l$  متغیرهای تصادفی یکسان و مستقل با توزیع برنولی به صورت زیر هستند

$$\begin{cases} l_m = 0 & \text{with probability } 1 - \tau \\ l_m = 1 & \text{with probability } \tau \end{cases} \quad (3)$$

که در آن  $1 \leq \tau \leq 0$ . پارامتر توزیع برنولی و بیانگر درجه تنکی سیگنال است و به عبارت دیگر هرچه  $\tau$  کمتر باشد، سیگنال تنکتر است [۱۰] و [۱۷]. از طرفی فرض می‌شود که تمام درایه‌های غالب سیگنال‌های تنک  $\{s_{k,k}\}_{k=1,\dots,K}$  متغیرهای تصادفی یکسان و مستقل با توزیع گوسی با میانگین صفر و واریانس  $\sigma_s^2$  هستند [۱۰]. نهایتاً با استفاده از مباحث ذکر شده، درایه‌های سیگنال‌های تنک  $\{s_{k,k}\}_{k=1,\dots,K}$  دارای توزیع برنولی- گوسی به صورت زیر خواهد بود [۱۰] و [۱۱] و [۲۶]

$$s_{m,k} \sim \tau \mathbb{N}(\cdot, \sigma_s^2) + (1 - \tau) \delta(s_{m,k}), \quad \forall m, k \quad (4)$$

که در آن  $(\cdot)^{\delta}$ تابع دلتای دیراک است.

در [۱۰] توزیع مشاهدات در حالت مجانبی با فرض اینکه مقدار  $M$  بزرگ باشد، با استفاده از قضیه حد مرکزی به دست آمده است. بنابراین توزیع مشاهدات در  $k$  امین حسگر به صورت زیر خواهد بود

$$\begin{cases} y_k ; H_k \sim N(\cdot, \sigma_w^2) \\ y_k ; H_k \approx N(\cdot, \sigma_k^2 (\tau, \sigma_s^2)) \end{cases} \quad (5)$$

که در رابطه فوق،  $\approx$  به معنای توزیع در حالت مجانبی و همچنین مقاله، پارامترهای  $\sigma_s^2$  و  $\tau$  نامعلوم فرض می‌شوند.

## ۳-۲ قوی ترین آزمون محلی

بر اساس مدل سیگنال در این مقاله، مسئله آشکارسازی سیگنال تنک را می‌توان به صورت یک آزمون یک‌طرفه بر حسب درجه تنکی سیگنال به صورت زیر در نظر گرفت [۱۷]

$$\begin{cases} H_k : \tau > 0 \\ H_k : \tau = 0 \end{cases} \quad (6)$$

از آنجا که درجه تنکی سیگنال تحت فرضیه  $H_k$  صفر و در فرضیه مقدار مثبت نزدیک به صفر دارد، آزمون فوق را می‌توان یک آزمون فرضیه بازی نزدیک در نظر گرفت. لازم به یادآوری است که در آزمون

بررسی و با قوی ترین آزمون محلی، یک آشکارساز پیشنهاد شده است. نویسنده‌گان در [۱۷] از توزیع برنولی- گوسی برای مدل سازی سیگنال‌های تنک استفاده کرده‌اند. سپس با درنظر گرفتن حالت مجانبی، وقتی که تعداد حسگرها در شبکه خیلی زیاد باشد، سطوح آستانه برای کوانتیزاسیون را به دست آورده‌اند.

در [۱۸]، مسئله آشکارسازی سیگنال‌های تنک برای حالتی بررسی شده که هر حسگر، نسبت درست‌نمایی<sup>۱</sup> محلی را به یک بیت کوانتیزه کرده و به مرکز ادغام ارسال می‌کند. در مرکز ادغام نیز با استفاده از قوی ترین آزمون محلی، مسئله آشکارسازی سیگنال‌های تنک با داده‌های ارائه داده‌اند. در [۱۹] مسئله آشکارسازی سیگنال‌های تنک با داده‌های کوانتیزه شده در حضور نویز گوسی تعمیم‌یافته، بررسی گردیده و بر اساس قوی ترین آزمون محلی، یک آشکارساز پیشنهاد شده است. در [۲۱] حالتی در نظر گرفته شده که هر حسگر فقط داده‌های ارزشمند را به مرکز ادغام ارسال کرده و داده‌های دیگر را سانسور می‌کند.

تمام کارهای فوق در مورد آشکارسازی سیگنال‌های تنک با فرض کانال کنترل ایده‌آل بین حسگرها و مرکز ادغام انجام شده است؛ هرچند می‌دانیم این فرض در شبکه‌های عملی فرض صحیح نیست و در عمل باید برای ارسال داده‌ها از حسگرها به مرکز ادغام، احتمال خطأ را نیز در نظر گرفت.

در این مقاله مسئله آشکارسازی سیگنال تنک را در شبکه‌های حسگر بی‌سیم، بررسی و از توزیع برنولی- گوسی برای مدل سازی سیگنال تنک استفاده می‌کنیم. هر حسگر مشاهدات/ نسبت درست‌نمایی را به یک بیت کوانتیزه کرده و از طریق کانال کنترل غیرایده‌آل که توسط مدل کانال باینری مقارن بیان می‌شود به مرکز ادغام ارسال می‌کند. در مرکز ادغام با استفاده از قوی ترین آزمون محلی، یک آشکارساز برای هر سناریو پیشنهاد داده می‌شود. در ادامه با استفاده از تحلیل مجانبی، سطوح آستانه برای کوانتیزاسیون را به دست می‌آوریم و نهایتاً با شبیه‌سازی، درستی روابط به دست آمده را تحلیل می‌کیم.

در بخش ۲ این مقاله، مدل سیگنال و سیستم و سیستم ارائه می‌شود. بخش ۳ به ارائه آشکارساز در مرکز ادغام می‌پردازد. در بخش ۴ سطوح کوانتیزاسیون با استفاده از تحلیل مجانبی به دست می‌آید. در بخش ۵، شبیه‌سازی‌ها ارائه شده و نهایتاً در بخش ۶ نتیجه‌گیری بیان می‌گردد.

## ۲- مدل سیستم و بیان مسئله

در این بخش، مدل سیستم و سیگنال را بیان کرده و همچنین به طور مختصر به قوی ترین آزمون محلی می‌پردازیم.

### ۱-۲ مدل سیستم

یک شبکه حسگر بی‌سیم را در نظر بگیرید؛ به طوری که تمام حسگرها از یک قانون برای ارسال و پردازش داده‌ها استفاده می‌کنند. شبکه از  $K$  حسگر و یک مرکز ادغام تشکیل شده است. مسئله آشکارسازی سیگنال تنک در حسگر  $k$  را می‌توان توسط آزمون فرضیه بازی نزدیک زیر بیان کرد

$$\begin{cases} H_k : y_k = w_k \\ H_k : y_k = h_k^T s_k + w_k \end{cases}, \quad k = 1, 2, \dots, K \quad (1)$$

که در آن  $H_k$  فرضیه عدم حضور سیگنال،  $H_k$  فرضیه حضور سیگنال و  $y_k \in \mathbb{R}^{M \times 1}$  بیانگر مشاهده فشرده می‌باشد.  $h_k \in \mathbb{R}^{M \times 1}$  یک عملگر خطی،

$$b_k = \text{sgn}(y_k - \gamma_k), \quad k = 1, 2, \dots, K \quad (13)$$

که در آن

$$\text{sgn } y = \begin{cases} 1 & \text{if } y > 0 \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases} \quad (14)$$

و سطح آستانه کوانتیزاسیون در حسگر  $k$  ام است. حسگرها مشاهدات کوانتیزه شده را از طریق کانال کنترل غیرایده‌آل که به صورت کانال بازبینی متقاضی مدل شده است به مرکز ادغام ارسال می‌کنند. بنابراین مرکز ادغام بیت  $u_k$  را از حسگر  $k$  ام دریافت می‌کند که توسط رابطه زیر داده می‌شود

$$u_k = \begin{cases} b_k & \text{with probability } 1 - P_{e,k} \\ 1 - b_k & \text{with probability } P_{e,k} \end{cases}, \quad k = 1, \dots, K \quad (15)$$

که در آن  $P_{e,k}$  احتمال خطای بیت در کانال بین حسگر  $k$  ام و مرکز ادغام است. بیت‌های از حسگرها را در مرکز ادغام با بردار  $u = [u_1, u_2, \dots, u_K]^T$  نشان می‌دهیم. در مرکز ادغام آشکارسازی بر اساس قوی‌ترین آزمون محلی با توجه به قضیه زیر انجام می‌شود.

**قضیه ۱** آشکارساز بر اساس قوی‌ترین آزمون محلی برای مسئله (۱) با استفاده از داده‌های کوانتیزه شده یک‌بیتی،  $u = [u_1, u_2, \dots, u_K]^T$  به صورت زیر است

$$\Gamma_{LMPT} = \frac{1}{Y} \sum_{k=1}^K \frac{(1 - 2P_{e,k}) \|h_k\|_r^r C_k}{B_{.,k} + u_k - 1} \quad (16)$$

که در آن

$$Y \triangleq \sqrt{\sum_{k=1}^K \frac{(1 - 2P_{e,k})^r \|h_k\|_r^r C_k^r}{B_{.,k} [1 - B_{.,k}]}} \quad (17)$$

$$B_{.,k} \triangleq P_{e,k} + (1 - 2P_{e,k}) Q\left(\frac{\gamma_k}{\sigma_w}\right) \quad (17)$$

$$C_k \triangleq \gamma_k \exp\left(-\frac{\gamma_k^r}{2\sigma_w^r}\right)$$

اثبات: اثبات قضیه در پیوست مقاله آمده است.

در (۱۶)، بیانگر احتمال  $\Gamma$  یک متغیر تصادفی گوسی با میانگین صفر و واریانس یک می‌باشد. به عبارت دیگر

$$Q(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_x^\infty e^{-\frac{t^r}{r}} dt \quad (18)$$

همچنین آشکارساز GLR برای مدل سیگنال و سیستم ارائه شده در این مقاله و کوانتیزاسیون مشاهدات به صورت زیر است [۱۳]

$$\Gamma_{GLR} = \max_{\tau} \left\{ \sum_{k=1}^K \left[ (1 - u_k) \ln \frac{1 - B_{.,k}}{1 - B_{.,k}} + u_k \ln \frac{B_{.,k}}{B_{.,k}} \right] \right\} \quad (19)$$

که در آن

$$B_{.,k} = P_{e,k} + (1 - 2P_{e,k}) Q\left(\frac{\gamma_k}{\sigma_k(\tau, \sigma_s^r)}\right) \quad (20)$$

از آنجایی که مسئله بھینه‌سازی فوق به طور تحلیلی قابل حل نیست، از روش‌های عددی برای به دست آوردن  $\Gamma_{GLR}$  استفاده می‌کنیم. به این

فرضیه بازبینی نزدیک، فرضیه  $H$  به فرضیه  $H$  نزدیک است. آشکارساز بھینه بر اساس معیار نیمن-پیرسون از طریق آزمون نسبت درست‌نمایی به صورت زیر به دست می‌آید

$$\frac{p(y; H_\circ, \tau, \sigma_s^r)}{p(y; H_\circ)} \stackrel{H_\circ}{\gtrless} \eta \quad (V)$$

که در آن  $\eta$  سطح آستانه است و توسط مقدار احتمال هشدار غلط در مرکز ادغام تعیین می‌شود.  $y$  بردار مشاهدات و  $p(y; \tau, \sigma_s^r)$ تابع درست‌نمایی می‌باشد. از طرفین معادله فوق لگاریتم می‌گیریم

$$\ln p(y; H_\circ, \tau, \sigma_s^r) - \ln p(y; H_\circ) \stackrel{H_\circ}{\gtrless} \ln \eta \quad (8)$$

برای یک آزمون فرضیه نزدیک که مقدار  $\tau$  نزدیک به صفر است،  $\ln p(y; H_\circ, \tau, \sigma_s^r)$  با استفاده از تقریب مرتبه اول سری تیلور حول  $\tau = 0$  به صورت زیر نوشته می‌شود

$$\ln p(y; H_\circ, \tau, \sigma_s^r) \approx \ln p(y; H_\circ, \tau = 0, \sigma_s^r) + \tau \frac{\partial \ln p(y; H_\circ, \tau, \sigma_s^r)}{\partial \tau} \Big|_{\tau=0} \quad (9)$$

از آنجا که  $\ln p(y; H_\circ, \tau = 0, \sigma_s^r) = \ln p(y; H_\circ)$  به وسیله جایگذاری (۹) در (۸) داریم

$$\frac{\partial \ln p(y; H_\circ, \tau, \sigma_s^r)}{\partial \tau} \Big|_{\tau=0} \stackrel{H_\circ}{\gtrless} \frac{\ln \eta}{\tau} \quad (10)$$

با نرمال‌سازی عبارت فوق، نهایتاً به قوی‌ترین آزمون محلی به صورت زیر می‌رسیم [۲۷]

$$\Gamma_{LMPT} = \frac{\partial \ln p(y; H_\circ, \tau, \sigma_s^r)}{\partial \tau} \Big|_{\tau=0} \times \frac{1}{\sqrt{I(\tau=0)}} \quad (11)$$

که در آن  $I(\tau)$  اطلاعات فیشر است که به صورت زیر داده می‌شود

$$I(\tau = 0) = \mathbb{E}\left\{ \left( \frac{\partial \ln p(y; H_\circ, \tau, \sigma_s^r)}{\partial \tau} \Big|_{\tau=0} \right)^2 \right\} \quad (12)$$

در رابطه فوق،  $\{.\}$  بیانگر عملگر امید ریاضی می‌باشد. می‌توان گفت که قوی‌ترین آزمون محلی با محدودسازی احتمال هشدار غلط، احتمال آشکارسازی در  $\tau$  های نزدیک به صفر را ماقسیم می‌کند.

### ۳- قوی‌ترین آزمون بھینه محلی بر اساس داده‌های کوانتیزه شده

در این قسمت، آشکارسازهای پیشنهادی را ارائه می‌دهیم. فرض می‌کنیم حسگرها داده‌های خود را به یک بیت کوانتیزه کرده و از طریق کانال کنترل غیرایده‌آل به مرکز ادغام ارسال می‌کنند. دو سناریوی متفاوت را در نظر می‌گیریم. در سناریوی اول حسگرها، مشاهدات خود را کوانتیزه کرده و ارسال می‌کنند؛ ولی در سناریوی دوم، حسگرها ابتدا به وسیله مشاهدات نسبت درست‌نمایی را تشکیل داده، آن را به یک بیت کوانتیزه کرده و سپس ارسال می‌کنند.

#### ۱- آشکارسازی به وسیله کوانتیزاسیون مشاهدات

در شبکه‌هایی که محدودیت‌های باطری و پهنای باند دارند، مشاهدات حقیقی به یک یا چند بیت کوانتیزه می‌شوند و در صورتی که این محدودیت شدید باشد، مشاهدات فقط به یک بیت کوانتیزه می‌شوند. با فرض اینکه  $b_k$  بیت خروجی کوانتیزه‌کننده در  $k$  امین حسگر باشد، داریم

به صورت زیر است

$$\Gamma_{LMPT}^{LRQ} = \frac{1}{\sqrt{I^{LRQ}(\cdot)}} \sum_{k=1}^K \frac{(1-2P_{e,k}) \|h_k\|_r^r C_k^{LRQ}}{B_{\cdot,k}^{LRQ} + v_k - 1} \quad (27)$$

که در آن

$$\begin{aligned} B_{\cdot,k}^{LRQ} &\triangleq P_{e,k} + 2(1-2P_{e,k})Q\left(\frac{\lambda_k}{\sigma_w}\right) \\ C_k^{LRQ} &= \lambda_k \exp\left(-\frac{\lambda_k}{2\sigma_w^r}\right) \end{aligned} \quad (28)$$

همچنین (۲۷) بیانگر اطلاعات فیشر در  $\tau = 0$  است که توسط رابطه زیر بدست می‌آید

$$I^{LRQ}(\cdot) = \sum_{k=1}^K \frac{\sigma_s^r (1-2P_{e,k})^r \|h_k\|_r^r (C_k^{LRQ})^r}{\lambda \pi \sigma_w^r B_{\cdot,k}^{LRQ} (1-B_{\cdot,k}^{LRQ})} \quad (29)$$

اثبات: برای اثبات قضیه از روش مشابه قضیه ۱ استفاده می‌شود.  
آشکارساز GLR در این قسمت دارای رابطه زیر است [۱۳]

$$\Gamma_{GLR}^{LRQ} = \max_{\tau} \left\{ \sum_{k=1}^K (1-v_k) \ln \frac{1-B_{\cdot,k}^{LRQ}}{1-B_{\cdot,k}^{LRQ}} + v_k \ln \frac{B_{\cdot,k}^{LRQ}}{B_{\cdot,k}^{LRQ}} \right\} \quad (30)$$

از آنجا که مسئله بهینه‌سازی فوق به طور تحلیلی قابل حل نیست برای به دست آوردن  $\Gamma_{GLR}^{LRQ}$ ، مشابه بخش ۱-۳ از روش گسته‌سازی استفاده می‌کنیم. همان طور که در این بخش بیان گردید و با توجه به روابط آشکارسازهای (۲۷) و (۳۰) مشاهده می‌شود که  $\Gamma_{GLR}^{LRQ}$  دارای پیچیدگی بیشتری نسبت به  $\Gamma_{LMPT}^{LRQ}$  است.

#### ۴- تحلیل عملکرد آشکارساز در حالت مجانبی و طراحی کوانتیزه کننده

در این بخش با استفاده از تحلیل عملکرد مجانبی قوی ترین آزمون محلی، سطوح آستانه کوانتیزاسیون را برای هر حسگر به دست می‌آوریم. طراحی کوانتیزه کننده را فقط برای آشکارساز قسمت ۱-۳ انجام می‌دهیم و کوانتیزه کننده برای آشکارساز قسمت ۲-۳ نیز به روش مشابهی به دست می‌آید. توزیع مجانبی  $\Gamma_{LMPT}$  وقتی که  $K$  بزرگ باشد به صورت رابطه زیر است [۲۷]

$$\Gamma_{LMPT} \stackrel{a}{\sim} \begin{cases} \mathcal{N}(\cdot, 1) & \text{under } H_0 \\ \mathcal{N}(\mu, 1) & \text{under } H_1 \end{cases} \quad (31)$$

که  $\tau = \mu = \sqrt{I(\cdot)}$  است. با توجه به رابطه فوق می‌توان عملکرد آشکارساز پیشنهادی را بر حسب احتمال آشکارسازی و احتمال هشدار غلط به دست آورد. احتمال هشدار غلط در مرکز ادغام،  $P_{fa}$ ، از (۳۲) به دست می‌آید

$$P_{fa} = \mathbb{P}(\Gamma_{LMPT} > \eta; H_0) = Q(\eta) \quad (32)$$

که در آن

$$Q(\eta) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\eta}^{\infty} e^{-\frac{t^2}{2}} dt \quad (33)$$

همچنین  $\eta$  سطح آستانه تصمیم‌گیری در مرکز ادغام بوده و از رابطه  $(P_{fa})^{-1} = \eta = Q^{-1}$  به دست می‌آید. به طور مشابه تحت فرضیه  $H_1$ ، احتمال آشکارسازی از رابطه زیر تعیین می‌شود

$$P_d = \mathbb{P}(\Gamma_{LMPT} > \eta; H_1) = Q(\eta - \mu) \quad (34)$$

صورت که فضای جستجوی متغیر  $\tau$  را به  $N_\tau$  بخش به مرکز  $N_\tau[i], i \in \{1, 2, \dots, N_\tau\}$  تقسیم کرده و آشکارساز  $\Gamma_{GLR}$  را به صورت زیر تقریب می‌زنیم

$$\Gamma_{GLR} \approx \max_{i=1, \dots, N_\tau} \Gamma_{GLR}(\tau[i]) \quad (21)$$

با توجه به روابط آشکارسازهای (۱۶) و (۱۹) مشاهده می‌شود که  $\Gamma_{LMPT}$  دارای پیچیدگی  $O(K)$  و  $\Gamma_{GLR}$  دارای پیچیدگی  $O(KN_\tau)$  است.

#### ۲-۳ آشکارسازی به وسیله کوانتیزاسیون نسبت درست‌نمایی

در این بخش فرض می‌کنیم حسگرها به جای کوانتیزه کردن مشاهدات، نسبت درست‌نمایی خود را به یک بیت کوانتیزه کرده و به مرکز ادغام ارسال می‌کنند. نسبت درست‌نمایی در  $k$  امین حسگر به صورت رابطه زیر نوشته می‌شود

$$\begin{aligned} \mathcal{L}_k &= \frac{p(x_k | H_0, \tau, \sigma_s^r)}{p(x_k | H_1)} = \\ &\sqrt{\frac{\sigma_w^r}{\sigma_k^r(\tau, \sigma_s^r)}} \exp\left(\frac{\tau \sigma_s^r \|h_k\|_r^r}{2\sigma_w^r \sigma_k^r(\tau, \sigma_s^r)} x_k^r\right) \end{aligned} \quad (22)$$

از آنجا که نسبت درست‌نمایی، یکتابع یکنوا و افزایشی از  $|x_k|$  یا است با استفاده از قضیه کارلین-روبن، قانون تصمیم‌گیری محلی در  $k$  امین حسگر به صورت زیر نوشته می‌شود

$$z_k = \begin{cases} 1 & \text{if } |x_k| \geq \lambda_k \\ 0 & \text{if } |x_k| < \lambda_k \end{cases}, \quad k = 1, \dots, K \quad (23)$$

که  $\lambda_k$  سطح آستانه کوانتیزاسیون است. بیت  $z_k$  توسط حسگر  $k$  ام از طریق کانال کنترل باینری متقارن با احتمال خطای بیت  $P_{e,k}$  به مرکز ادغام ارسال می‌شود. اگر  $v_k$  بیت دریافتی توسط مرکز ادغام باشد، داریم

$$v_k = \begin{cases} z_k & \text{with probability } 1 - P_{e,k} \\ 1 - z_k & \text{with probability } P_{e,k} \end{cases}, \quad k = 1, \dots, K \quad (24)$$

مرکز ادغام، داده‌های دریافتی از حسگرها را در بردار  $v = [v_1, \dots, v_K]^T$  جمع‌آوری می‌کند. به منظور پیاده‌سازی قوی ترین آزمون محلی با استفاده  $\ln p(v; H_0, \tau, \sigma_s^r)$ ،  $v \triangleq [v_1, \dots, v_K]^T$  از

$$\begin{aligned} \ln p(v; H_0, \tau, \sigma_s^r) &= \sum_{k=1}^K \ln p(v_k; H_0, \tau, \sigma_s^r) = \\ &\sum_{k=1}^K ((1-v_k) \ln [1 - B_{\cdot,k}^{LRQ}] + v_k \ln [B_{\cdot,k}^{LRQ}]) \end{aligned} \quad (25)$$

که در آن

$$B_{\cdot,k}^{LRQ} = P_{e,k} + 2(1-2P_{e,k})Q\left(\frac{\lambda_k}{\sigma_k(\tau, \sigma_s^r)}\right) \quad (26)$$

در قضیه زیر، آشکارساز پیشنهادی را که بر اساس قوی ترین آزمون محلی برای آشکارسازی سیگنال‌های تنک با استفاده از یک بیت داده به دست آمد، ارائه می‌دهیم.

قضیه (۲) آشکارساز پیشنهادی بر اساس قوی ترین آزمون محلی برای قضیه ۱ با استفاده از داده‌های کوانتیزه شده یک‌بیتی،  $v \triangleq [v_1, \dots, v_K]^T$

جدول ۱: مقادیر بھینه سطوح کوانتیزاسیون بهازی مقادیر متفاوت احتمال خطای بیت.

$P_{e,k}$	$\frac{\eta_k^*}{\sigma_w}$
+	$\pm 1,575$
.۰۰۵	$\pm 1,263$
.۰۱	$\pm 1,1662$
.۰۱۵	$\pm 1,1105$
.۰۲	$\pm 1,0735$
.۰۲۵	$\pm 1,0475$
.۰۳	$\pm 1,0288$
.۰۳۵	$\pm 1,0156$
.۰۴	$\pm 1,0067$

رابطه (۳۸) نشان می‌دهد که مقدار بھینه سطوح آستانه کوانتیزاسیون هر حسگر به احتمال خطای بیت کانال بین آن حسگر و مرکز ادغام بستگی دارد. بنابراین می‌توان با ثابت نگهداشت احتمال خطای بیت برای هر حسگر، سطح آستانه کوانتیزاسیون بھینه را برای آن حسگر بدست آورد. در جدول ۱ مقادیر بھینه سطوح کوانتیزاسیون بهازی مقادیر متفاوت احتمال خطای بیت آورده است.

شکل ۱ سطوح آستانه کوانتیزاسیون بھینه را که با حل (۳۸) از طریق الگوریتم PSO به دست آورده است، برای یک حسگر برحسب احتمال خطای بیت آن حسگر نشان می‌دهد. همچنین حسگرها می‌توانند با توجه به مقدار احتمال خطای بیت کانال کنترل مربوط به خود از جدول ۱ برای به دست آوردن سطوح آستانه کوانتیزاسیون استفاده کنند. یک روش دیگر برای تعیین سطوح آستانه کوانتیزاسیون بھینه، به دست آوردن یک رابطه بین سطوح آستانه بھینه و احتمال خطای بیت از طریق برازش منحنی است. همان طور که در شکل ۱ آورده است، می‌توان یک منحنی با رابطه زیر به نقاط به دست آورده از حل بھینه منطبق کرد

$$\frac{\eta_k^*}{\sigma_w} = \frac{0.9295 P_{e,k} + 0.0911}{P_{e,k} + 0.05865} \quad (39)$$

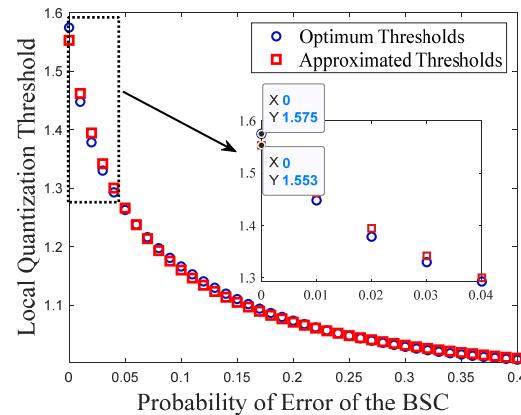
همان طور که در این شکل مشاهده می‌شود، حداقل اختلاف بین سطوح آستانه کوانتیزاسیون بھینه که از حل (۳۸) به دست آورده‌اند و سطوح آستانه‌ای که از طریق (۳۹) به دست می‌آیند، ۰.۰۲۱۸ می‌باشد که متعلق به احتمال خطای بیت مساوی صفر است.

## ۵- نتایج شبیه‌سازی

در این بخش برای تأیید مطالب بیان شده و بررسی عملکرد آشکارسازهای پیشنهادی، نتایج شبیه‌سازی ارائه می‌گردد. با استفاده از روش مونت کارلو<sup>۳</sup>، منحنی‌های مشخصه عملکرد گیرنده<sup>۴</sup> (ROC) و همچنین احتمال آشکارسازی برحسب تعداد حسگرها رسم می‌شوند. در شبیه‌سازی‌ها، احتمال هشدار غلط در مرکز ادغام است و همچنین عناصر بردار  $\{h_k, k = 1, \dots, K\}$  از توزیع نرمال استاندارد، یکسان و مستقل گرفته شده و طوری نرمالیزه می‌شوند که  $\|h_k\|_r = 1, \forall k$  باشد. طول سیگنال تنک برابر ۲۰۰ و تعداد حسگرها برای منحنی ROC مساوی ۱۰۰ در نظر گرفته شده است. جدول ۲ پارامترهای مورد استفاده در شبیه‌سازی‌ها و توضیحات مربوط به آنها را ارائه می‌دهد. به علاوه،

4. Monte Carlo

5. Receiver Operating Characteristic



شکل ۱: سطوح آستانه بھینه و تقریبی بهازی مقادیر مختلف احتمال خطای بیت کانال کنترل.

با توجه به (۳۴)، واضح است که افزایش در  $\mu$  منجر به افزایش احتمال آشکارسازی و بهمود عملکرد آشکارساز پیشنهادی می‌شود. بنابراین سطوح آستانه کوانتیزاسیون  $\gamma_1, \gamma_2, \dots, \gamma_K$  را با حل مسئله بھینه‌سازی زیر می‌توان به دست آورد

$$\arg \max_{\gamma_1, \gamma_2, \dots, \gamma_K} \left( \sum_{k=1}^K \frac{\sigma_s^* \|h_k\|_r^* \mathbb{D}_k}{\lambda \pi \sigma_w^*} \right) \quad (35)$$

که در آن

$$\mathbb{D}_k = \frac{C_k^*}{U_k + Q(\frac{\gamma_k}{\sigma_w})(1 - Q(\frac{\gamma_k}{\sigma_w}))} \quad (36)$$

$$U_k = \frac{P_{e,k}(1 - P_{e,k})}{(1 - 2P_{e,k})^2} \quad (37)$$

مسئله بھینه‌سازی (۳۵) را می‌توان به  $K$  مسئله بھینه‌سازی مستقل به صورت زیر تجزیه کرد

$$\arg \max_{\gamma_k} \mathbb{D}_k \quad (38)$$

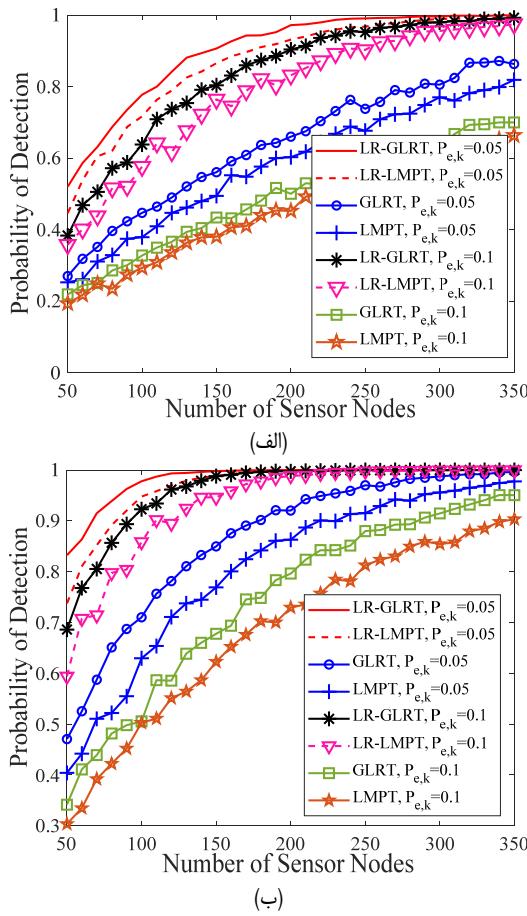
از آنجا کهتابع هدف در (۳۸) یکتابع محدب نیست برای حل مسئله فوق می‌توان از روش‌های بھینه‌سازی عددی مانند گرادیان یا نیوتون استفاده کرد. در این مقاله از روش بھینه‌سازی هوش گروهی<sup>۵</sup> که یکی از انواع روش‌های بھینه‌سازی تکاملی<sup>۶</sup> است [۲۸] استفاده می‌کنیم. به دلیل انعطاف‌پذیری بالایی که الگوریتم‌های گروهی در حل مسائل بھینه‌سازی پیچیده دارند در کاربردهای گوناگون بسیار استفاده می‌شوند [۲۹]. روش بھینه‌سازی ازدحام ذرات<sup>۷</sup> (PSO) که در ۱۹۹۵ توسط ابرهارت و کنده معرفی شد، یکی از انواع روش‌های بھینه‌سازی تصادفی گروهی است که با الهام از رفتار اجتماعی دسته‌های پرنده‌گان مدل شده است [۳۰].

در این الگوریتم، ذرات در فضای جستجو حرکت کرده و هر یک موقعیتی (یکی از راه حل‌های ممکن مسئله بھینه‌سازی) دارند. موقعیت هر ذره با توجه به موقعیت قبلی آن ذره و همسایگانش بر اساس معیارهای تعیین شده به روز می‌گردد؛ تا جایی که معیارهای مورد نظر به مقدار بھینه خود برسند [۲۸]. در این مقاله برای حل مسئله (۳۸) از پارامترهای انتخاب شده در [۱۶] استفاده می‌کنیم.

1. Swarm Intelligence

2. Evolutionary Computation

3. Particle Swarm Optimization



شکل ۳: نمودارهای احتمال آشکارسازی بر حسب تعداد حسگرهای موجود در شبکه حسگر بی سیم برای آشکارسازهای پیشنهادی با مقادیر  $P_{fa} = 0.05$ ,  $\sigma_s^2 = 20$ ,  $\sigma_w^2 = 6$  و  $\tau = 0.05$ ؛ (الف) و (ب)  $P_{e,k} \in \{0.05, 0.1\}$  و  $\sigma_w^2 = 0.05$  و  $\tau = 0.03$

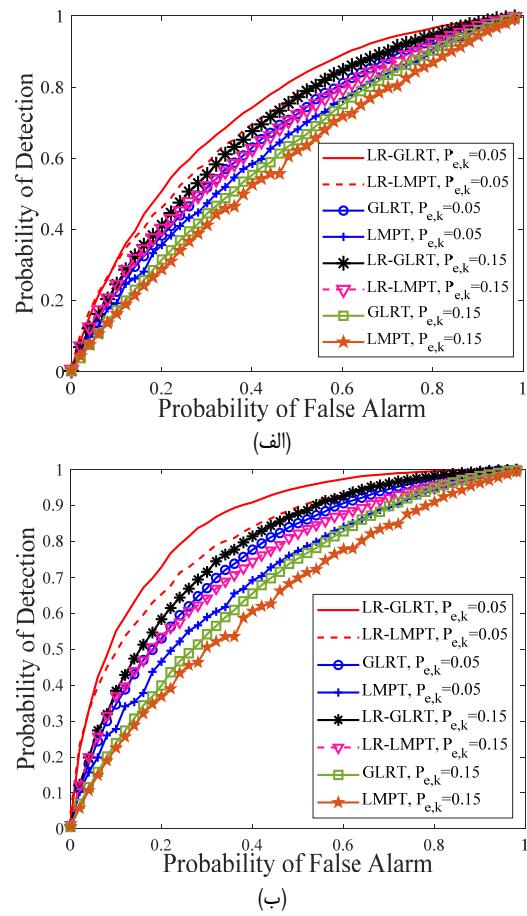
جدول ۲: پارامترهای استفاده شده در شبیه سازی و توضیحات مربوط به آنها.

$\sigma_s^2$	واریانس سیگنال
$\sigma_w^2$	واریانس نویز
$P_{e,k}$	احتمال خطای بیت در کانال بین حسگر $k$ و مرکز ادغام
$\tau$	درجه تنکی سیگنال
$h_k$	عملگر خطی و معلوم
$M$	طول سیگنال
$K$	تعداد حسگرها در شبکه
$P_{fa}$	احتمال هشدار غلط در مرکز ادغام

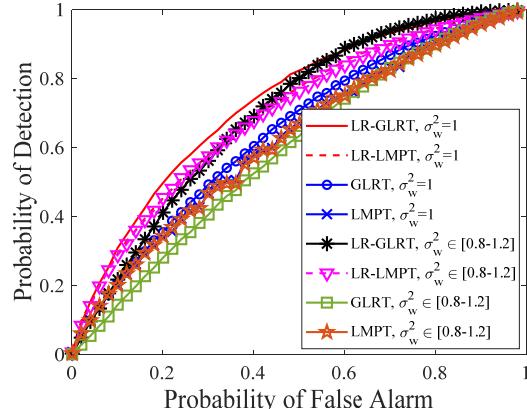
کمتر در سیگنال می باشد؛ پس افزایش درجه تنکی به معنی تعداد عناصر غیر صفر بیشتر و وجود اطلاعات بیشتری از سیگنال است. به طور منطقی انتظار داریم که افزایش درجه تنکی سبب بهبود عملکرد آشکارسازها شود که شکل ۲ این مورد را تأیید می کند. همچنین اگرچه آشکارسازهای LR-LMPT و LMPT پیچیدگی کمتری نسبت به آشکارسازهای LR-GLRT و GLRT دارند، عملکردشان نزدیک به هم است.

شکل ۳ نمودار احتمال آشکارسازی در مرکز ادغام را بر حسب تعداد حسگرهای موجود در شبکه حسگر بی سیم نشان می دهد. مقادیر مورد استفاده برای شبیه سازی این شکل عبارتند از  $P_{fa} = 0.05$ ,  $P_{e,k} = 0.05$ ,  $\sigma_s^2 = 20$ ,  $\sigma_w^2 = 6$  و  $\tau = 0.03$ . همان طور که دیده شد، انتظار داریم، افزایش تعداد حسگرها در شبکه حسگر بی سیم و همچنین کاهش احتمال خطای بیت منجر به بهبود عملکرد آشکارسازها می شود.

از شکل ۴ برای بررسی حساسیت آشکارسازها نسبت به خطای تخمین



شکل ۴: نمودارهای ROC برای آشکارسازهای پیشنهادی با مقادیر  $K = 100$ ,  $\sigma_s^2 = 1$ ,  $\sigma_w^2 = 6$  و  $\tau = 0.03$ ؛ (الف) و (ب)  $P_{e,k} \in \{0.05, 0.1\}$  و  $\tau = 0.05$



شکل ۵: نمودارهای ROC برای آشکارسازهای پیشنهادی با مقادیر  $K = 100$ ,  $\sigma_s^2 = 6$ ,  $\sigma_w^2 \in \{1, [0.8-1.2]\}$  و  $\tau = 0.04$ .  $P_{e,k} = 0.15$

شکل ۲ نمودارهای ROC را برای آشکارسازهای پیشنهادی نشان می دهد. مقادیر استفاده شده برای شبیه سازی این شکل عبارت هستند از  $K = 100$ ,  $\sigma_s^2 = 1$ ,  $\sigma_w^2 = 6$ ,  $P_{e,k} \in \{0.05, 0.15\}$  و  $\tau \in \{0.03, 0.05\}$ .

همان طور که می دانیم، زیاد بودن احتمال خطای بیت به معنای کانال کنترل خراب بوده و باید اثر مخرب بر عملکرد سیستم داشته باشد. شکل ۲ این موضوع را تأیید می کند و همان طور که دیده شد، افزایش  $P_{e,k}$  به بدتر شدن عملکرد آشکارسازهای پیشنهادی می انجامد. همچنین سیگنال به معنی سیگنال تنک تر یا به عبارتی وجود تعداد عناصر غیر صفر

$$\begin{aligned} B_{\cdot,k} &\triangleq P_{e,k} + (1 - 2P_{e,k})Q\left(\frac{\gamma_k}{\sigma_w}\right) \\ C_k &\triangleq \gamma_k \exp\left(-\frac{\gamma_k}{2\sigma_w^2}\right) \end{aligned} \quad (پ-۴)$$

از آنجا که  $u_k$  فقط مقادیر صفر یا یک را می‌گیرد، رابطه فوق را می‌توان به صورت زیر نوشت

$$\frac{\partial \ln p(u; H_\cdot, \tau, \sigma_s^r)}{\partial \tau} \Big|_{\tau=0} = \sum_{k=1}^K \frac{\sigma_s^r (1 - 2P_{e,k}) \|h_k\|_r^r C_k}{2\sqrt{2\pi} \sigma_w^r [B_{\cdot,k} + u_k - 1]} \quad (پ-۵)$$

از طرف دیگر با استفاده از (پ-۳)، اطلاعات فیشر در  $\tau = 0$  با فرض استقلال  $[u_1, u_2, \dots, u_K]^T$  به صورت زیر نوشته می‌شود

$$I(\cdot) = \sum_{k=1}^K \frac{\sigma_s^r (1 - 2P_{e,k})^r \|h_k\|_r^r C_k^r \mathbb{E}(u_k - B_{\cdot,k})^r}{8\pi \sigma_w^r B_{\cdot,k}^r (1 - B_{\cdot,k})^r} \quad (پ-۶)$$

با محاسبه امید ریاضی داخل عبارت فوق، نهایتاً اطلاعات فیشر به صورت زیر به دست می‌آید

$$I(\cdot) = \sum_{k=1}^K \frac{\sigma_s^r (1 - 2P_{e,k})^r \|h_k\|_r^r C_k^r}{8\pi \sigma_w^r B_{\cdot,k}^r (1 - B_{\cdot,k})} \quad (پ-۷)$$

نهایتاً آشکارساز بر اساس قوی‌ترین آزمون محلی به صورت رابطه زیر نوشته می‌شود

$$\Gamma_{LMPT} = \frac{1}{Y} \sum_{k=1}^K \frac{(1 - 2P_{e,k}) \|h_k\|_r^r C_k}{B_{\cdot,k} + u_k - 1} \quad (پ-۸)$$

که در آن

$$Y = \sqrt{\sum_{k=1}^K \frac{(1 - 2P_{e,k})^r \|h_k\|_r^r C_k^r}{B_{\cdot,k}^r (1 - B_{\cdot,k})}} \quad (پ-۹)$$

## مراجع

- [1] S. H. Javadi, "Detection over sensor networks: a tutorial," *IEEE Aerosp. Elect. Syst. Mag.*, vol. 31, no. 3, pp. 2-18, Mar. 2016.
- [2] A. Mohammadi, S. H. Javadi, D. Ciuonzo, V. Persico, and A. Pescap, "Distributed detection with fuzzy censoring sensors in the presence of noise uncertainty," *Neurocomputing*, vol. 351, pp. 196-204, 25 Jul. 2019.
- [3] A. Mohammadi, S. H. Javadi, and D. Ciuonzo, "Bayesian fuzzy hypothesis test in wireless sensor networks with noise uncertainty," *Applied Soft Computing*, vol. 77, no. C, pp. 218-224, Apr. 2019.
- [4] D. Ciuonzo, S. H. Javadi, A. Mohammadi, and P. S. Rossi, "Bandwidth constrained decentralized detection of an unknown vector signal via multi-sensor fusion," *IEEE Trans. Signal Inf. Process. Netw.*, vol. 6, pp. 744-758, 2020.
- [5] M. A. Davenport, P. T. Boufounos, M. B. Wakin, and R. G. Baraniuk, "Signal processing with compressive measurements," *IEEE J. Sel. Topics Signal Process.*, vol. 4, no. 2, pp. 445-460, Apr. 2010.
- [6] D. Donoho, "Compressed sensing," *IEEE Trans. Inf. Theory*, vol. 52, no. 4, pp. 1289-1306, Apr. 2006.
- [7] T. Wimalajeewa and P. K. Varshney, "Compressive sensing-based detection with multimodal dependent data," *IEEE Trans. Signal Process.*, vol. 66, no. 3, pp. 627-640, Feb. 2018.
- [8] B. Kailkhura, T. Wimalajeewa, and P. K. Varshney, "Collaborative compressive detection with physical layer secrecy constraints," *IEEE Trans. Signal Process.*, vol. 65, no. 4, pp. 1013-1025, Feb. 2017.
- [9] T. Wimalajeewa and P. K. Varshney, "Sparse signal detection with compressive measurements via partial support set estimation," *IEEE Trans. Signal Inf. Process. Netw.*, vol. 3, no. 1, pp. 46-60, Mar. 2017.
- [10] A. Hariri and M. Babaie-Zadeh, "Compressive detection of sparse signals in additive white Gaussian noise without signal reconstruction," *Signal Process.*, vol. 131, pp. 376-385, Feb. 2017.

واریانس نویز استفاده می‌کنیم که نمودارهای ROC را برای آشکارسازهای پیشنهادی نشان می‌دهد. مقادیر مورد استفاده برای شبیه‌سازی این شکل عبارتند از  $K = 100$ ,  $P_{e,k} = 0.15$ ,  $\sigma_s^r = 6$ ,  $\tau = 0.4$ . همچنین واریانس نویز را در حالت تخمین دقیق  $\sigma_w^r = 1$  و در حالت دارای خطای تخمین در بازه  $[0.8 - 1.2]$  در نظر می‌گیریم. همان‌طور که در این شکل می‌بینیم، اگر واریانس نویز دقیق نباشد، عملکرد آشکارسازها کمی بدتر می‌شود. همچنین با توجه به شکل ۴ آشکارسازهای بر اساس GLRT نسبت به آشکارسازهای LMPT به خطای تخمین در واریانس نویز حساس‌تر هستند.

## ۶- نتیجه

در این مقاله، مسئله آشکارسازی توزیعی سیگنال تک را در شبکه‌های حسگر بی‌سیم بدون بازسازی آن سیگنال بررسی کردیم. هر حسگر در این مسئله، یک بیت داده کوانتیزه شده را از طریق کانال کنترل غیریاده‌آل که توسط یک کانال باینری متقاضان مدل شد به مرکز ادغام ارسال می‌کند. در مرکز ادغام با استفاده از قوی‌ترین آزمون محلی، آشکارسازهای طراحی گردید و نیز به وسیله تحلیل مجانبی عملکرد آشکارسازها، سطح آستانه کوانتیزاسیون برای هر حسگر به دست آمد. بر اساس روابط به دست آمده مشاهده شد که سطوح آستانه کوانتیزاسیون هر حسگر به احتمال خطای بیت کانال کنترل بین آن حسگر و مرکز ادغام بستگی دارد. برای تأیید مطالب بیان شده از شبیه‌سازی استفاده گردید.

تحقیقات آینده در مورد موضوع این مقاله شامل موارد زیر خواهد بود:

- (الف) در نظر گرفتن چند بیت کوانتیزاسیون
- (ب) استفاده از آشکارسازهای بهبودیافته و دارای پیچیدگی پایین
- (ج) مانند آشکارساز ارائه شده در [۳۱]
- (د) در نظر گرفتن نویزهای غیرگوسی
- (ه) در صورت نامعلوم بودن بردار  $h_k$  می‌توان با استفاده از روش‌های مبتکرانه‌ای مانند [۳۲] آن را تخمین زد.

## پیوست

برای اثبات قضیه ۱ با در نظر گرفتن استقلال  $[u_1, u_2, \dots, u_K]^T$  به صورت زیر می‌نویسیم

$$\begin{aligned} \ln p(u; H_\cdot, \tau, \sigma_s^r) &= \sum_{k=1}^K \ln p(u_k; H_\cdot, \tau, \sigma_s^r) = \\ &\sum_{k=1}^K ((1 - u_k) \ln(1 - B_{\cdot,k}) + u_k \ln[B_{\cdot,k}]) \end{aligned} \quad (پ-۱)$$

که در آن

$$B_{\cdot,k} = P_{e,k} + (1 - 2P_{e,k})Q\left(\frac{\gamma_k}{\sigma_k(\tau, \sigma_s^r)}\right) \quad (پ-۲)$$

با مشتق گرفتن از (پ-۱) نسبت به  $\tau$  و ساده‌سازی داریم

$$\begin{aligned} \frac{\partial \ln p(u; H_\cdot, \tau, \sigma_s^r)}{\partial \tau} \Big|_{\tau=0} &= \\ &\sum_{k=1}^K \frac{\sigma_s^r (1 - 2P_{e,k}) \|h_k\|_r^r C_k (u_k - B_{\cdot,k})}{2\sqrt{2\pi} \sigma_w^r B_{\cdot,k} (1 - B_{\cdot,k})} \end{aligned} \quad (پ-۳)$$

که در آن

- [26] C. Li, G. Li, and P. K. Varshney, "Distributed detection of sparse stochastic signals with 1-bit data in tree-structured sensor networks," *IEEE Trans. Signal Process.*, vol. 68, pp. 2963-2976, 2020.
- [27] S. M. Kay, *Fundamentals of Statistical Signal Processing*, vol. 2, Detection Theory, Prentice Hall PTR, Jan. 1998.
- [28] A. Slowik and H. Kwasnicka, "Nature inspired methods and their industry applications-swarm intelligence algorithms," *IEEE Trans. Industrial Informatics*, vol. 14, no. 3, pp. 1004-1015, Mar. 2018.
- [29] E. H. Houssein, A. G. Gad, K. Hussain, and P. N. Suganthan, "Major advances in particle swarm optimization: theory, analysis, and application," *Swarm and Evolutionary Computation*, vol. 63, Article ID:100868, Jun. 2021.
- [30] J. Kennedy and R. Eberhart, "Particle swarm optimization," in *Proc. of the IEEE Int. Conf. on Neural Networks*, vol. 4, pp. 1942-1948, Perth, Australia, 27 Nov.-1 Dec.1995.
- [31] S. Shirvani Moghaddam and A. Habibzadeh, "Cooperative spectrum sensing based on generalized likelihood ratio test for cognitive radio channels with unknown primary user's power and colored noise," *International J. of Sensors, Wireless Communications and Control (SWCC)*, vol. 8, no. 3, pp. 204-216, Sep. 2018.
- [32] F. Hoseiniamin, H. Zayyani, M. Korki, M. Bekrani, "A low complexity proportionate generalized correntropy-based diffusion LMS algorithm with closed-form gain coefficients," *IEEE Trans. Circuits and Systems II: Express Briefs*, vol. 70, no. 7, pp. 2690-2694, Jul. 2023.
- عبدالرضا محمدی تحصیلات خود را در مقطع کارشناسی مهندسی برق در سال ۱۳۸۱ از دانشگاه فردوسی مشهد و مقطع کارشناسی ارشد و دکترای مهندسی برق، گرایش مخابرات بترتیب در سالهای ۱۳۸۴ و ۱۳۹۲ از دانشگاه یزد به پایان رسانده است. نامبرده از سال ۱۳۹۲ در دانشگاه بجنورد مشغول فعالیت گردید و هم‌اکنون نیز عضو هیأت علمی گروه مهندسی برق دانشگاه بجنورد می‌باشد. زمینه‌های تحقیقاتی مورد علاقه ایشان عبارتند از: پردازش سیگناهای تصادفی، تئوری آشکارسازی و تئوری تخمین، پردازش سیگنال‌های تک، شبکه‌های سنسوری سیمی.
- امین جاجرمی در سال‌های ۱۳۸۴ و ۱۳۸۶ مدرک کارشناسی و کارشناسی ارشد مهندسی برق خود را از دانشگاه فردوسی مشهد دریافت نمود، پس از آن به دوره‌ی دکترای مهندسی برق در دانشگاه فردوسی مشهد وارد گردید و در سال ۱۳۹۱ موفق به اخذ درجه‌ی دکترا در مهندسی برق از دانشگاه مذکور شد. دکتر جاجرمی از سال ۱۳۹۱ در گروه مهندسی برق دانشکده‌ی فنی و مهندسی دانشگاه بجنورد در بجنورد مشغول به فعالیت گردید و اینک نیز عضو هیأت علمی این گروه می‌باشد. زمینه‌های علمی مورد علاقه‌ی نامبرده شامل موضوعاتی مانند بهینه‌سازی و کنترل بهینه، ریاضیات کسری و مدل‌سازی سیستم‌های دنیای واقعی می‌باشد.
- [11] X. Wang, G. Li, and P. K. Varshney, "Detection of sparse signals in sensor networks via locally most powerful tests," *IEEE Signal Process. Lett.*, vol. 25, no. 9, pp. 1418-1422, Sept. 2018.
- [12] S. Kassam, "Optimum quantization for signal detection," *IEEE Trans. Commun.*, vol. 25, no. 5, pp. 479-484, May 1977.
- [13] D. Ciuonzo and P. S. Rossi, "Distributed detection of a non-cooperative target via generalized locally-optimum approaches," *Inf. Fusion*, vol. 36, pp. 261-274, Jul. 2017.
- [14] D. Ciuonzo, G. Papa, G. Romano, P. S. Rossi, and P. Willett, "One-bit decentralized detection with a Rao test for multisensor fusion," *IEEE Signal Process. Lett.*, vol. 20, no. 9, pp. 257-260, Sept. 2013.
- [15] J. Fang, Y. Liu, H. Li, and S. Li, "One-bit quantizer design for multisensor GLRT fusion," *IEEE Signal Process. Lett.*, vol. 20, no. 3, pp. 257-260, Mar. 2013.
- [16] F. Gao, L. Guo, H. Li, J. Liu, and J. Fang, "Quantizer design for distributed GLRT detection of weak signal in wireless sensor networks," *IEEE Trans. Wirel. Commun.*, vol. 14, no. 4, pp. 2032-2042, Apr. 2015.
- [17] X. Wang, G. Li, and P. K. Varshney, "Detection of sparse stochastic signals with quantized measurements in sensor networks," *IEEE Trans. Signal Process.*, vol. 67, no. 8, pp. 2210-2220, Apr. 2019.
- [18] C. Li, Y. He, X. Wang, G. Li, and P. K. Varshney, "Distributed detection of sparse stochastic signals via fusion of 1-bit local likelihood ratios," *IEEE Signal Process. Lett.*, vol. 26, no. 12, pp. 1738-1742, Dec. 2019.
- [19] X. Wang, G. Li, C. Quan, and P. K. Varshney, "Distributed detection of sparse stochastic signals with quantized measurements: the generalized Gaussian case," *IEEE Trans. Signal Process.*, vol. 67, no. 18, pp. 4886-4898, Sep. 2019.
- [20] H. Zayyani, F. Haddadi, and M. Korki, "Double detector for sparse signal detection from one-bit compressed sensing measurements," *IEEE Signal Process. Lett.*, vol. 23, no. 11, pp. 1637-1641, Nov. 2016.
- [21] C. Li, G. Li, and P. K. Varshney, "Distributed detection of sparse signals with censoring sensors via locally most powerful test," *IEEE Signal Process. Lett.*, vol. 27, pp. 346-350, 2020.
- [22] M. Duarte, S. Sarvotham, D. Baron, M. Wakin, and R. Baraniuk, "Distributed compressed sensing of jointly sparse signals," in *Proc. of the 39th Asilomar Conf. on Signals, Systems and Computers*, pp. 1537-1541, Pacific Grove, CA, USA, 30 Oct.-2 Nov. 2005.
- [23] J. Meng, H. Li, and Z. Han, "Sparse event detection in wireless sensor networks using compressive sensing," in *Proc. of the 43rd Annual Conf. on Information Sciences and Systems*, pp. 181-185, Baltimore, MD, USA, 18-20 Mar. 2009.
- [24] C. Soussen, J. Idier, D. Brie, and J. Duan, "From Bernoulli-Gaussian deconvolution to sparse signal restoration," *IEEE Trans. Signal Process.*, vol. 59, no. 10, pp. 4572-4584, Oct. 2011.
- [25] M. Korki, J. Zhang, C. Zhang, and H. Zayyani, "Iterative Bayesian reconstruction of non-IID block-sparse signals," *IEEE Trans. Signal Process.*, vol. 64, no. 13, pp. 3297-3307, Jul. 2016.