

تشخیص زاویه قرارگیری شخص در تصویر با استفاده از اطلاعات کانتوری

علی سبطی و حمید حسنپور

یافته است. تعامل انسان با کامپیوتر^۱ از جمله کاربردهای اصلی در بینایی ماشین است که تشخیص حالت شخص از وظایف اصلی در آن به شمار می‌آید. از مشکلاتی که در بسیاری از کاربردهای بینایی ماشین از جمله کاربردهای ناظری وجود دارد می‌توان به کیفیت پایین دوربین‌های ناظری، وجود انواع نویز و پس‌زمینه‌های شلوغ اشاره نمود که عملیات شناسایی و تشخیص را دشوار می‌سازد. در نتیجه طراحی کلاس‌بند و ویژگی‌های استخراجی که در برابر این مشکلات مقاوم باشند حائز اهمیت می‌باشد.

مقالات گوناگونی در زمینه تشخیص زاویه شخص و به طور کلی حالت بدن ارائه شده است. روش‌های تشخیص حالت کلی بدن که شامل تعیین موقعیت دقیق مفاصل می‌شوند، بیشتر از مدل‌های مولد^۲ بهره می‌گیرند. به طور خاص مسئله تشخیص زاویه می‌تواند به صورت یک مسئله طبقه‌بندی چندکلاسه (به تعداد زوایا) در نظر گرفته شود. همانند هر مسئله کلاس‌بندی مقالات این حوزه نیز بر دو جنبه تمرکز نموده‌اند: اول انتخاب و طراحی ویژگی مناسب و دوم استفاده از کلاس‌بند مناسب در سیستم. از منظر انتخاب ویژگی مناسب می‌توان به ویژگی‌هایی مختلفی اشاره نمود. به عنوان مثال ویژگی عمق که اطلاعات افزونی علاوه بر رنگ در اختیار ما قرار می‌دهد [۳]، هیستوگرام گردایان‌های جهتی که اطلاعات نهفته در لبه‌های تصویر را بازنمایی می‌کند [۴]، ویژگی‌های سطح بالا به نام پوزلت که نواحی پرتکرار تصویر را مدل می‌کنند [۵] و توصیفگر کواریانس که به نوعی بیانگر خصوصیات بافتی تصویر است [۶]. در مرحله انتخاب مدل یادگیر نیز می‌توان به ماشین بردار پشتیبان [۴] و [۵]، جنگل تصادفی [۳] و [۷]، مدل‌های مولد مبتنی بر گراف [۸] و مدل‌های سلسه‌مراتبی [۵]، [۹] و [۱۰] اشاره نمود.

یکی از نقاط ضعف در بسیاری از روش‌های یادگیری ماشین و از جمله مقالات موروثه در این تحقیق، کمبود داده‌های آموزشی است. به عنوان مثال در مسئله کلاس‌بندی هرچه نمونه‌های آموزشی بیشتری در اختیار باشد دقت و جامعیت مدل یادگیر بیشتر می‌گردد. یکی از راه حل‌های مرسوم در جبران این نقطه ضعف استفاده از دانش پیشین^۳ و به کارگیری آن در مدل یادگیر است. این دانش پیشین توسط یک خبره مدل می‌گردد. به عنوان مثال در یک سیستم تشخیص زاویه، شیء مورد بررسی یک انسان است. این دانش پیشین نسبت به مسئله می‌تواند به ما در طراحی ویژگی بهتر و کارآمدتر کمک کند. در واقع روش‌هایی که بیشترین بهره را از این فرضیات ببرند، مدل‌های دقیق‌تر و جامع‌تری هستند.

در تحقیقات موروثه در این مقاله ویژگی‌های گوناگونی مورد استفاده قرار گرفته که اغلب آنها کاربردی همه‌منظوره دارند و مختص تصویر

چکیده: در بسیاری از کاربردهای ناظری، حالت و زاویه قرارگیری شخص نسبت به دوربین از اطلاعات مهم می‌باشد. این اطلاعات می‌تواند در ارزیابی رفتاری شخص مورد استفاده قرار گیرد. از دشواری‌های این تشخیص می‌توان به کیفیت پایین دوربین‌های ناظری، نویز و پس‌زمینه‌های پیچیده در تصویر اشاره نمود. در روش‌های موجود برای تشخیص زاویه از ویژگی‌هایی نظری هیستوگرام گردایان‌های جهتی استفاده می‌شود. در این توصیف‌گر محاسبه هیستوگرام‌ها بر اساس نواحی محلی انجام می‌گیرد که دارای نقاط ضعفی در تشخیص زاویه می‌باشد. یکی از اطلاعات مفید که می‌تواند در تشخیص زاویه مورد استفاده قرار گیرد لبه‌های احاطه‌کننده یک شیء در تصویر است که بدان کانتور شیء اطلاع می‌گردد. در این مقاله تعیینی از کانتور ارائه می‌شود که به کمک آن می‌توان به صورت سلسه‌مراتبی تخمینی از کانتور محاطشده به تصویر شخص را ارائه داد. این کانتورها از روی یک مدل سه‌بعدی انسان تولید می‌شوند. کانتور تخمین زده شده همانند یک ویژگی سطح بالا در کار ویژگی‌های سطح پایین نظری هیستوگرام گردایان‌های جهتی به عنوان ویژگی نهایی در نظر گرفته می‌شود. در تولید این ویژگی از ترکیب خطی چندین نوع کانتور مربوط به بخش‌های مختلف بدن استفاده شده است. به منظور نشان دادن تأثیر ویژگی جدید در تشخیص زاویه، کلاس‌بند ماشین بردار پشتیبان با استفاده از ترکیب دو ویژگی بالا آموزش داده شده و سپس بر روی مجموعه داده‌های VIPeR مورد ارزیابی قرار گرفته است. نتایج آزمایشات انجام شده نشان می‌دهد که استفاده از ویژگی ارائه شده، دقت تشخیص زاویه را حدود ۴٪ بهبود می‌بخشد.

کلیدواژه: اطلاعات کانتوری شخص، خوشبندی سلسه‌مراتبی، سیستم‌های ناظری.

۱- مقدمه

گروه عمده‌ای از کاربردهای مطرح در بینایی ماشین در ارتباط با اعمال رفتار انسان می‌باشد. از این قبیل کاربردها می‌توان به ردیابی، بازشناسی و تحلیل رفتاری انسان اشاره نمود. از ویژگی‌هایی که در بسیاری از این کاربردها مورد استفاده می‌باشد می‌توان به حالت قرارگیری شخص در تصویر اشاره نمود. برای مثال در یک سیستم ناظری زاویه قرارگیری شخص در فرد را در محیط می‌تواند مشخص کند [۱]. دانستن جهت توجه می‌تواند در تحلیل رفتاری شخص مورد استفاده قرار گیرد. در [۲] با تشخیص و محاسبه زاویه قرارگیری شخص نسبت به دوربین، دقت بازشناسی افزایش

این مقاله در تاریخ ۱۵ آذر ماه ۱۳۹۴ دریافت و در تاریخ ۲۹ شهریور ماه ۱۳۹۵ بازنگری شد.

علی سبطی، دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات، دانشگاه صنعتی شاهرود، (email: ali.sebti@shahroodut.ac.ir).
حمید حسنپور، استاد دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات، دانشگاه صنعتی شاهرود، (email: h.hassanpour@shahroodut.ac.ir).

تشخیص زاویه و حالت شخص در تصویر خواهیم داشت. در بخش سوم روش پیشنهادی به تفصیل مورد بررسی قرار می‌گیرد. در بخش چهارم نحوه ترکیب ویژگی پیشنهادی با ویژگی هیستوگرام گرادیان‌های جهتی تشریح می‌شود. در بخش پنجم داده‌های مورد استفاده در آموزش و تست معرفی می‌گردد و همچنین به پیش‌پردازش‌های لازم اشاره می‌شود. در بخش ششم به بررسی آزمایش‌های صورت‌گرفته و نتایج حاصل می‌پردازیم و در نهایت در بخش هفتم نتیجه‌گیری مقاله ارائه می‌گردد.

۲- معرفی بر کارهای پیشین

در زمینه تشخیص زاویه، مقالات متعددی ارائه شده است. گروهی از این مقالات سعی در تشخیص جهت سر و گروهی نیز جهت قرارگیری کل بدن را مورد توجه قرار داده‌اند. در روش‌های موجود اغلب چهار زاویه اصلی (شمال، جنوب، شرق و غرب) مورد بررسی قرار می‌گیرد. هدف این مقاله استخراج دقیق‌تری از زاویه قرارگیری شخص است و بدین منظور هشت جهت و زاویه تخمین زده می‌شود.

در زمینه تشخیص جهت و زاویه، گروهی از مقالات بر روی ناحیه سر تمرکز نموده‌اند [۳] و [۱۷]. این گروه از روش‌ها نیازمند تصاویر با کیفیتی می‌باشد. در [۳] با استفاده از دوربین عمقی اطلاعات دقیقی از تصویر ناحیه سر به دست می‌آید و سپس با استفاده از آموزش چنگل تصادفی رگرسیون، تخمین دقیقی از موقعیت و زوایای سه‌بعدی ناحیه صورت ارائه می‌دهد. در [۱۷] با استفاده از روش یادگیری زیرفضای محلی به صورت بازنظرت، معایب روش‌های مرسوم تقلیل می‌یابد. این روش‌ها اکثرأ بر پایه رگرسیون غیر خطی بین ویژگی‌های استخراج شده از تصویر و زوایای سه‌بعدی به عنوان خروجی هستند. همچنین روش ارائه‌شده در این مقاله زمانی که داده‌های آموزشی در زوایای مختلف به صورت یکنواخت وجود نداشته باشد به خوبی عمل می‌کند. در زمینه تشخیص موقعیت قرارگیری سر، مقاله معرفی [۱۸] بررسی جامعی در این خصوص انجام داده است.

در ارتباط با تشخیص حالت کل بدن نیز مقالات متعددی ارائه شده است. در این زمینه نیز اغلب روش‌های موجود بر روی تصاویر با کیفیت بالا تمرکز دارند. برای مثال در [۸] اجزای بدن، متناظر با استخوان‌بندی استخراج می‌گردد که در نتیجه جزئیات دقیق‌تری از حالت قرارگیری بدن به دست می‌آید. در این مقاله مدلی مولد بر اساس خصوصیات ظاهری بخش‌های بدن به همراه مدل سینماتیکی استخوان‌بندی انسان ایجاد شده است. دو مدل فوق در یک مدل احتمالی گرافی ترکیب می‌شوند. استنتاج صورت‌گرفته بر روی مدل نهایی با استفاده از روش انتشار باور^۷ بهترین تشخیص را تولید می‌کند.

در [۵] با استفاده از تعریف مفهوم جدیدی با نام پوزلت^۸ موقعیت و اجزای بدن در تصویر استخراج می‌شود. یک پوزلت ناحیه‌ای از تصویر است که به دفعات در تصاویر دیگر رؤیت شده باشد. مدل ارائه‌شده در این مقاله یک مدل دولایه است که لایه اول حاوی کلاس‌بندی‌هایی است که پوزلت‌ها را تشخیص می‌دهند و در لایه دوم با استفاده از اطلاعات لایه اول و ارتباط سه‌بعدی این اجزاء، عمل تشخیص اندازه‌ای بدن انجام می‌گیرد.

در [۱۹] نیز با استفاده از یک مدل تمام نسبی و با استفاده از اطباق آن بر یک ساختار درختی که ارتباطات بین اندازه‌های انسان را نشان می‌دهد، به تشخیص موقعیت و نحوه قرارگیری انداز واقع شده در بالاتنه می‌پردازد.

7. Belief Propagation
8. Poslet

انسان نیستند. به عنوان مثال ویژگی^۹ HOG به صورت محلی، فراوانی گرادیان‌های تصویر را در جهات مختلف محاسبه می‌کند. این ویژگی همبستگی بخش‌های مختلف تصویر یک انسان را در نظر نمی‌گیرد. توصیفگرهای دیگر از قبیل الگوهای باینری محلی و توصیفگر کواریانس نیز چنین مشکلی را دارا می‌باشند.

روش پیشنهادی در این مقاله سعی در رفع مشکلات بالا دارد. در این روش با استفاده از یک مدل سه‌بعدی از انسان، تصاویر متنوعی از یک عابر در حال راه‌رفتن به صورت مصنوعی تولید می‌گردد. بدین ترتیب محدودیتی در تولید نمونه‌های آموزشی وجود نخواهد داشت. طراحی و استفاده از مدل سه‌بعدی انسان، در واقع بهره‌گیری حداکثری از دانش پیشین ما در ارتباط با شیء هدف می‌باشد. ویژگی استخراج شده از تصاویر مصنوعی تولید شده، کانتور شیء در تصویر می‌باشد. منظور از کانتور، منحنی بسته‌ای در اطراف شیء است که بر روی لبه‌های بیرونی شیء قرار می‌گیرد. در واقع استفاده از کانتور، دید یکپارچه‌تری از تصویر شیء هدف و ساختار آن نسبت به توصیفگرهای محلی فراهم می‌کند. بنابراین هدف یافتن کانتوری است که بیشترین اطباق را با تصویر ورودی داشته باشد و این اطباق از طریق پیمایش یک درخت صورت می‌گیرد. این درخت از خوشه‌بندی سلسه‌مراتبی کانتورهای تولید شده ایجاد می‌گردد. در خوشه‌بندی سلسه‌مراتبی به معیار شباهتی در فضای ویژگی‌ها نیازمندیم، معیار شباهت شده برای دو کانتور، تبدیل فاصله^{۱۰} می‌باشد. در روش پیشنهادی از تبدیل فاصله چه در مرحله ساخت و چه در مرحله پیمایش درخت استفاده شده است. همچنین در این درخت تعریف جدیدی با نام ابرکانتور به عنوان یک کانتور کلی که شامل تعداد زیادی کانتور است معرفی شده است. در نهایت با پیمایش درخت خوشه‌بندی به ابرکانتوری می‌رسیم که حاوی اطلاعاتی از نحوه قرارگیری شخص در تصویر می‌باشد. خروجی روش پیشنهادی بردار ویژگی است که در ترکیب با ویژگی پرکاربرد و مرسوم HOG، تخمین دقیق‌تری از زاویه شخص ارائه می‌کند.

یکی از مراحلی که قبل از تشخیص زاویه انجام می‌شود تشخیص ناحیه شخص در تصویر است. مقالات مختلفی در زمینه استخراج موقعیت شخص در تصویر و همچنین حالت قرارگیری شخص در تصویر ارائه شده است. برای تشخیص موقعیت شخص ویژگی‌های مختلفی معرفی شده که می‌توان به هیستوگرام گرادیان‌های جهتی، الگوهای باینری محلی^{۱۱}، توصیفگر کواریانس^{۱۲} و ویژگی‌های شبه‌هار^{۱۳} اشاره نمود. در مرحله آموزش نیز از کلاس‌بندی‌های متعددی چون بوستینگ^{۱۴} و ماشین بردار پشتیبان استفاده شده است [۱۴] و [۱۵]. به عنوان مثال در [۱۳] و [۱۵] با استفاده از ویژگی شبه‌هار و کلاس‌بند ماشین بردار پشتیبان عمل موقعیت‌یابی انسان در تصویر انجام می‌شود. اکثر روش‌های ارائه شده نیازمند به تصاویر با کیفیت بالا می‌باشند، لذا در کاربردهایی که تصاویر ثبت شده کیفیت پایینی دارند از دقت خوبی برخوردار نمی‌باشند. تمرکز این مقاله بر روی تصاویر به دست آمده از دوربین‌های ناظارتی است که اغلب کیفیت پایینی دارند [۱۶].

در ادامه این مقاله در بخش دوم معرفی بر کارهای پیشین در زمینه

1. Histogram of Oriented Gradients
2. Distance Transform
3. Local Binary Pattern
4. Covariance Descriptor
5. Haar-Like Feature
6. Boosting

همچنین نحوه ساخت این کاتتورهاست. در روش پیشنهادی ما، کاتتورها به صورت خودکار و با استفاده از مدل سه بعدی تولید می شوند. همچنین استفاده از مدل سه بعدی امکان ایجاد کاتتورهای خاصی بر اساس بخش های مختلف را ممکن می سازد. در روش پیشنهادی ما گره های میانی به صورت ابر کاتتور می باشند که بدین ترتیب تنها به یک درخت نیازمندیم. تفاوت دیگر، حرکت در راستای عمودی و افقی در هنگام پیمایش درخت می باشد که به تطبیق دقیق تری منجر می گردد.

۲- روش پیشنهادی

روش پیشنهادی این مقاله مبتنی بر استفاده از اطلاعات کاتتوری برای تشخیص زاویه فرد است که این اطلاعات کاتتوری مربوط به بخش های مختلف بدن می باشد. کاتتورهای ناحیه ای، این امکان را فراهم می سازند که تطبیق دقیق تری به تصویر ورودی حاصل گردد. برای مثال ممکن است که به دلیل وجود نویز یا وجود پس زمینه شلوغ، ناحیه پایین تنه ازوضوح بیشتر و لبه های مشخص تری برخوردار باشد و در نتیجه کاتتور مربوط به پایین تنه انتطبق بهتری نسبت به کاتتور کلی ایجاد نماید. لذا در روش پیشنهادی ترکیبی از کاتتورهای بخش های مختلف مورد استفاده قرار گرفته است. تهیه کاتتورهای مجزا با استفاده از روش های موجود بسیار دشوار می باشد. تولید داده های کاتتور برای کل بدن به دو روش ممکن است. در روش اول مجموعه ای از تصاویر انسان که از زوایای مختلف تهیه شده است به صورت دستی علامت گذاری می شود و محل کاتتور دور فرد استخراج می گردد. در روش دوم می توان با استفاده از تصاویر ویدئویی و با استفاده از تکنیک های جداسازی شیء از پس زمینه، کاتتور محاط شده از فرد را استخراج نمود که نسبت به روش اول به عملیات دستی کمتری نیاز دارد. در این روش دقت کاتتورهای به دست آمده وابسته به دقت الگوریتم های جداسازی پیش زمینه از پس زمینه است. علاوه بر مشکلاتی که دو روش فوق در تولید کاتتورهای کلی دارند، در تولید کاتتورهای مجزا نیز ناچون یا با دشواری بسیاری همراه می باشند. بدین منظور در روش پیشنهادی از یک مدل سه بعدی انسان استفاده می شود. استفاده از مدل سه بعدی امکان ایجاد حالت های گوناگون از انسان را ممکن می سازد. همچنین از آنجایی که موقعیت اندام این مدل مشخص می باشد می توان به کمک رنگ آمیزی، نواحی مختلف بدن را استخراج نمود. همچنین استفاده از مدل سه بعدی، امکان ایجاد حالات مختلف بدن، انواع نورپردازی، انواع رزولوشن و بسیاری موارد دیگر را فراهم می سازد.

مدل سه بعدی پیشنهادی در نرم افزار طراحی سه بعدی Blender ایجاد شده که در این مدل، استخوان بندی مشابه با استخوان بندی انسان ایجاد گردیده است. این استخوان بندی امکان جابه جایی هر یک از مفاصل را در اختیار ما قرار می دهد. مدل سه بعدی طراحی شده با استفاده از موتور سه بعدی OGRE^{3D} در یک صحنه فرضی با نورپردازی خاصی بارگذاری گردیده و از این موتور گرافیکی در محیط برنامه سازی C++ استفاده شده است. این موتور گرافیکی امکان ایجاد تعییرات در کلیه مفاصل را فراهم می سازد. سپس انواع حالتی که یک انسان در هنگام راه رفتن امکان دارد به خود بگیرد را روی این مدل مصنوعی اعمال نمودیم که در مجموع ۳۰ حالت در نظر گرفته شده است [۲۲]. در مرحله بعد برای هر حالت ۷۲ زاویه قرار گیری نسبت به دوربین و سه زاویه نسبت به افق در نظر گرفته می شود که در مجموع $3 \times 72 \times 30 = 6480$ تصویر به عنوان مجموعه داده به دست آمده است. شکل ۱ تعدادی از این حالات را به همراه مدل استخوان بندی نشان می دهد.

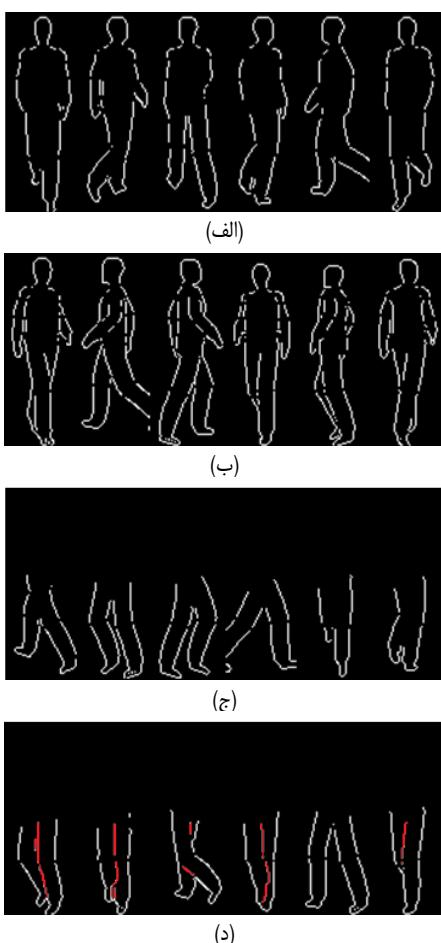
در [۹] با استفاده از فرایندی سه مرحله ای، تخمینی از حالت سه بعدی شخص ارائه می شود. بدین ترتیب که در مرحله اول حالت و زاویه قرار گیری شخص در یک فریم مشخص می شود و در مرحله دوم اطلاعات استخراج شده برای هر شخص در تصویر را برای چند فریم متواലی یکپارچه نموده و اطلاعات دقیق تری از حالت دو بعدی فرد استخراج می شود. در مرحله سوم با استفاده از اطلاعات استخراج شده در مرحله قبل، تخمین دقیق تری از حالت سه بعدی شخص ارائه می شود.

در [۲۰] در یک ساختار احتمالاتی بیزی، تشخیص تصویر انسان و تخمین زاویه در چهار جهت، به صورت یکپارچه و توأم انجام می شود. این در حالی است که در اغلب روش ها، تشخیص تصویر انسان و تخمین زاویه به صورت مجزا انجام می شود. در [۷] نیز مشابه مقاله قبل تخمین زاویه و تشخیص تصویر انسان به صورت یکپارچه با استفاده از یک کلاس بند جنگل تصمیم تصادفی^۱ در چهار زاویه انجام شده است.

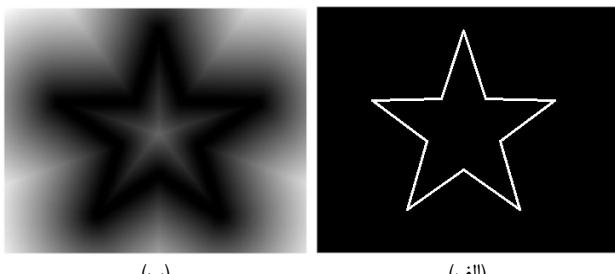
در [۶] با استفاده از توصیفگر کواریانس تخمین زاویه در ناحیه سر و کل بدن انجام می گیرد. نحوه عملکرد به این صورت است که ابتدا تصویر انسان را به نواحی کوچکتری جدول بندی کرده و سپس برای هر ناحیه، توصیفگر کواریانس محاسبه می شود. از لحاظ ریاضی ماتریس کواریانس در فضای ریمانی قرار دارد. بنابراین برای محاسبه شباهت یا فاصله دو ماتریس کواریانس، نمی توان از فاصله اقلیدسی استفاده نمود. تعاریف زیادی برای محاسبه این فاصله ارائه شده است [۲۱]. در این مقاله از معیار متفاوتی نسبت به کارهای پیشین برای محاسبه فاصله استفاده شده است. در این مقاله ادعا شده که استفاده از این معیار در این کاربرد، منجر به بهبود دقت تشخیص زاویه می شود. بدین ترتیب فاصله تمامی ماتریس های کواریانس برای نواحی متناقض، محاسبه شده و با استفاده از این فواصل و کلاس بند ماشین بردار پشتیبان، نواحی ای که بیشترین تأثیر را در کلاس بندی زوایا دارند مشخص می شوند. در ادامه، ترکیب این کلاس بندها برای نواحی مختلف تصویر، کلاس زاویه را برای تصویر فرد مشخص می کند. در این مقاله چهار زاویه قرار گیری مورد تخمین قرار می گیرد. یکی از ایرادات مهمی که به این مقاله وارد است نحوه انتخاب مجموعه آموزشی و تست می باشد. تصاویر انتخاب شده برای مجموعه تست از تصاویر همان افرادی است که در مجموعه آموزشی دیده شده اند. همچنین تصاویر مربوط به یک فرد خاص (با پوشش خاص) زاویه مشابه نسبت به دوربین در دو مجموعه آموزشی و تست دارند. چنین انتخابی برای مجموعه های آموزش و تست باعث می شود که الگوریتم بر روی خصوصیت رنگ بایاس شده و دقت بالایی را نشان دهد. بدین ترتیب زمانی که خصوصیت رنگ را از الگوریتم حذف می کنیم دقت به میزان بسیار زیادی کاهش می یابد. مشهود است که رنگ نمی تواند خصوصیت مهمی در تشخیص زاویه باشد.

در [۱۰] برای استخراج موقعیت و حالت انسان، تعدادی کلاس بند برای چند حالت کلی از انسان آموزش داده شده که این حالات کلی می تواند مربوط به چند زاویه مشخص باشد. زمانی که یک تصویر ورودی به سیستم داده می شود ابتدا با استفاده از کلاس بندها، حالت کلی یا زاویه مشخص می شود و سپس برای زاویه مورد نظر از یک ساختار درختی برای تطبیق کاتتوری استفاده می شود. کاتتور تطبیق یافته حالت دقیق تری از فرد را نشان می دهد.

در روش پیشنهادی ما نیز از ساختار درختی مشابهی استفاده می شود. تفاوت کار این مقاله و روش پیشنهادی ما در گره های میانی این درخت و



شکل ۳: نمونه‌ای از کانتورهای استخراج شده از مدل سه‌بعدی برای بخش‌های مختلف بدن، (الف) کانتور از کل بدن بدون جزئیات، (ب) کانتور از کل بدن با جزئیات، (ج) کانتور از پایین تنه بدون جزئیات و (د) کانتور از پایین تنه با جزئیات.

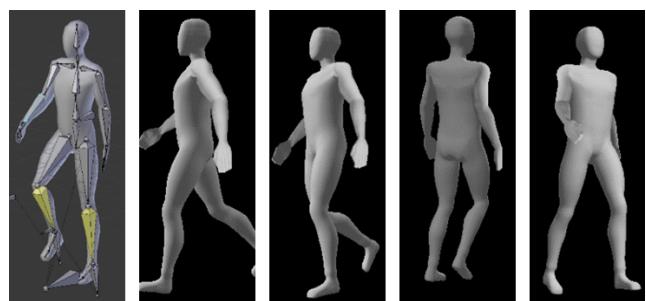


شکل ۴: (الف) تصویر لبه و (ب) تبدیل فاصله متناظر با تصویر سمت راست.

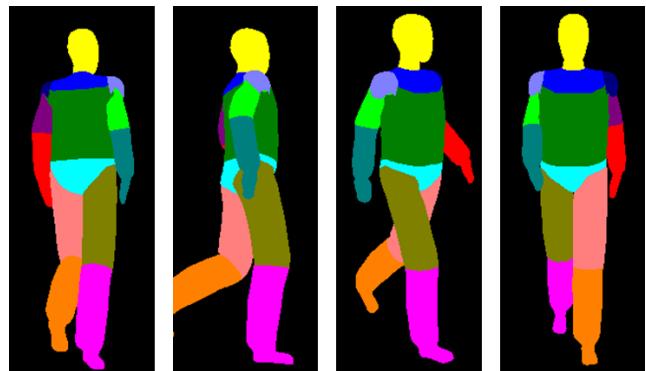
خوشبندی بر روی کانتورها انجام می‌شود. انجام خوشبندی تعداد مقایسات را به مقدار قابل توجهی کاهش می‌دهد. همچنین عمل پیمایش درخت به نحوی انجام می‌شود که مشکل جایه‌جایی تصویر ورودی تا حدی رفع می‌گردد. در زیربخش ۲-۳ به تشریح نحوه این خوشبندی پرداخته می‌شود.

- تبدیل فاصله

تبدیل فاصله یکی از ابزارهای مهم و پرکاربرد در بینایی ماشین، پردازش تصویر و شناسایی الگو می‌باشد. تبدیل فاصله برای یک تصویر باینری، ماتریسی هم‌بعد با تصویر باینری ورودی است. این تصویر باینری عموماً یک تصویر لبه (برای مثال خروجی یک الگوریتم لبه‌یاب) می‌باشد. درایه‌های این ماتریس بیانگر فاصله هر نقطه از تصویر تا نزدیکترین نقطه روش در تصویر باینری است [۲۳]. شکل ۴ یک نمونه تصویر لبه و تبدیل فاصله متناظر را نشان می‌دهد.



شکل ۱: مدل سه‌بعدی طراحی شده از انسان در زوایا و حالت‌های مختلف راه رفتن.



شکل ۲: رنگ‌آمیزی مدل سه‌بعدی به منظور تشخیص اندام.

در گام بعد به منظور استخراج کانتور از تصاویر به دست آمده، مدل سه‌بعدی رنگ‌آمیزی می‌شود. رنگ‌آمیزی صورت گرفته، استخراج کانتورهای مربوط به بخش‌های مختلف بدن را ممکن می‌سازد. شکل ۲ نمونه‌ای از این رنگ‌آمیزی را نشان می‌دهد.

در انتخاب این رنگ‌ها سعی می‌شود که مقادیر سه مؤلفه رنگی متفاوت باشند تا در مرحله بعد با پردازشی بسیار ساده بتوان کانتورهای موردنظر را استخراج نمود. در گام بعد با عملیات لبه‌یابی در تصاویر رنگی کانتورهای متنوعی استخراج می‌شود. برای مثال مجموعه‌ای از کانتورهای پایین تنه، بالاتنه، کانتور کلی و کانتورهایی با جزئیات تهیه شده است.

استفاده از تکنیک پیشنهادی در این پژوهش، این امکان را در اختیار ما قرار می‌دهد که کانتورهایی با جزئیات را نیز استخراج نماییم. تولید این چنین کانتورهایی با استفاده از روش جداسازی پس‌زمینه امکان‌پذیر نمی‌باشد. کانتورهایی با جزئیات در برخی موارد انطباق‌های بسیار بهتری را در تصویر ایجاد می‌کنند که در بخش‌های بعد به آن اشاره خواهیم نمود.

شکل ۳ چند نمونه از کانتورهایی به دست آمده را نشان می‌دهد. همان طور که در شکل‌های بالا مشاهده می‌کنید در حالت با جزئیات، خطوطی از کانتور ظاهر می‌شود (با رنگ قرمز مشخص شده است) که می‌تواند در تشخیص جهت فرد مفید باشد. همچنین در کاربردهای دیگری نظری استخراج اعضای بدن می‌تواند مورد استفاده قرار گیرد.

۱-۳ انطباق و تشخیص نزدیک‌ترین کانتور

به منظور انطباق بهترین کانتور به تصویر ورودی، ابتدا لبه‌های تصویر استخراج و در مرحله بعد فاصله بین تصویر باینری لبه و کانتورها محاسبه می‌شود. طریقه محاسبه این فاصله با استفاده از تبدیل فاصله برای دو تصویر باینری است که در ادامه شرح داده شده است.

یافتن شبیه‌ترین و نزدیک‌ترین کانتور به تصویر لبه می‌تواند به صورت یک جستجوی خطی صورت گیرد. در این حالت پیچیدگی محاسباتی بسیار بالا می‌باشد. همچنین اگر در تصویر ورودی جایه‌جایی رخ داده باشد ممکن است کانتور مناسبی استخراج نگردد. در روش پیشنهادی ابتدا عمل

در این رابطه $Dt()$ تبدیل فاصله و عملگر \circ مجموع ضرب درایه‌های متناظر دو ماتریس می‌باشد. به عنوان مثال فرض کنید که می‌خواهیم تعیین کنیم که از بین دو چندضلعی سطر الف در شکل ۵ کدام به چندضلعی در شکل ۴ شبیه‌تر است.

در شکل ۵ فاصله دو تصویر چندضلعی با تصویر شکل ۴ بر اساس (۴) محاسبه شده است. بر این اساس تصویری که مقدار فاصله کمتری دارد به عنوان تصویر شبیه‌تر انتخاب می‌گردد که در مثال بالا تصویر سمت راست خواهد بود. در واقع تصویر سمت راست همان تصویر شکل ۴ با مقداری جابه‌جایی است. کلیه تصاویر در ابعاد یکسان می‌باشند.

۲-۳ خوشبندی کانتورها

همان طور که در بخش‌های قبل اشاره شد فاصله دو تصویر باینری بر پایه تبدیل فاصله، معیاری غیر اقلیدسی می‌باشد و با توجه به این موضوع خوشبندی سلسله‌مراتبی^۱ مناسب است. در خوشبندی سلسله‌مراتبی ابتدا فاصله هر زوج از نمونه داده‌ها محاسبه می‌شود و حاصل آن در ماتریسی به نام ماتریس فاصله ذخیره می‌گردد. به صورت مشابه در این مقاله ماتریس فاصله‌ای به ابعاد 6480×6480 برای کلیه کانتورها محاسبه می‌شود. مقادیر عددی درایه‌های این ماتریس، بیانگر فاصله هر زوج کانتور (به روش تبدیل فاصله) می‌باشد. در پژوهش صورت‌گرفته از پیوند میانگین^۲ برای خوشبندی استفاده شده است [۲۵]. نتیجه خوشبندی سلسله‌مراتبی، درختی است که گره‌های میانی نمایانگر خوشبندی هستند. بدین ترتیب بر اساس تعداد خوشبندی‌های مورد نیاز می‌توان از ریشه تا سطح دلخواه از درخت را پیمود. بدین ترتیب در بالاترین سطح، کلیه داده‌ها در یک خوش قرار می‌گیرند. برای مثال ممکن است در یک گره میانی، تعداد ۱۰۰۰ کانتور درون یک خوش قرار گیرند. در پژوهش صورت‌گرفته به گره‌های میانی درخت خوشبندی، کلمه ابرکانتور اطلاق می‌شود، بدین معنی که این گره مجموعه‌ای از کانتورها را درون خود دارد.

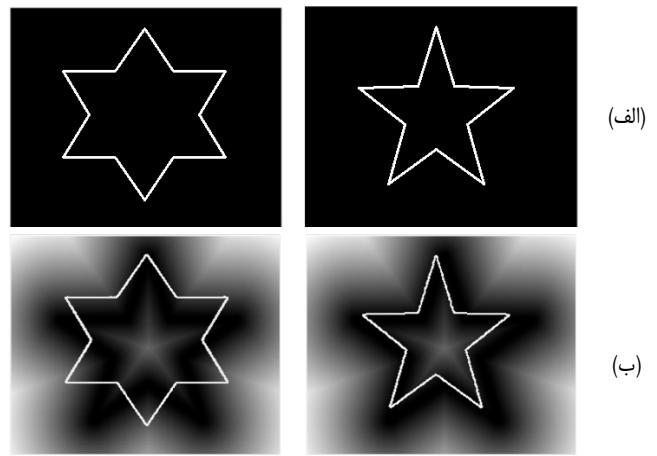
نحوه ساخت یک ابرکانتور بدین صورت است که فرض کنید لبه‌ها در کانتور مقدار a و زمینه مقدار b را داشته باشد. یک ابرکانتور از مجموع پیکسل‌های نظیر به نظریت یک کانتور با کانتور دیگر حاصل می‌شود. در نهایت، مجموع به دست آمده بر تعداد تصاویر تقسیم می‌گردد. رابطه (۵) نحوه محاسبه یک ابرکانتور با استفاده از چندین کانتور دیگر را نشان می‌دهد.

$$\mathbb{C} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N C_i \quad (5)$$

در این رابطه C_i نمایانگر کانتورها و \mathbb{C} نمایانگر ابرکانتور می‌باشد. در شکل ۶ قسمتی از درخت حاصل از خوشبندی یکی از انواع کانتورهای به دست آمده و ابرکانتورهای متناظر با هر گره نمایش داده شده است. در این شکل اعداد بالای هر گره نمایانگر تعداد کانتورهای تشکیل‌دهنده آن ابرکانتور می‌باشد.

۳-۳ پیمايش خوشبندی

از آنجایی که کانتورهای ساخته شده دارای ابعاد ۱۲۸ در ۴۸ پیکسل می‌باشند، تصویر ورودی نیز به این ابعاد تغییر داده می‌شود. سپس با استفاده از الگوریتم‌های لبیابی، لبه‌های تصویر استخراج می‌گردد. در این پژوهش با استفاده از الگوریتم لبیابی canny عمل لبیابی انجام شده



$$Dist(I, I') = 9981652 \quad Dist(I, I') = 1819759$$

شکل ۵: محاسبه شباهت تصویر دو چندضلعی و شکل ۴ بر اساس تبدیل فاصله، (الف) تصاویر دو چندضلعی و (ب) انطباق تصاویر متناظر با سطر الف بر روی تبدیل فاصله شکل ۴.

در شکل ۴ تصویر سمت چپ یک ماتریس تبدیل فاصله را نشان می‌دهد. در این تصویر مقادیر کاملاً تیره بیانگر نقاطی در تصویر اصلی است که روی لبه قرار گرفته‌اند و در واقع فاصله این نقاط تا پیکسل‌های لبه صفر است و بالعکس نقاط روشن بیانگر مکان‌هایی هستند که از لبه‌ها فاصله دارند. هرچه از لبه‌ها فاصله می‌گیریم تبدیل فاصله مقدار عددی بزرگ‌تری به خود می‌گیرد، همان‌گونه که در تصویر چپ این شکل مقدار روشن‌تری به آنها اختصاص یافته است.

یکی از کاربردهای تبدیل فاصله تعیین شباهت بین دو مجموعه پیکسل می‌باشد. این دو مجموعه پیکسل می‌تواند دو تصویر باینری باشد که پیکسل‌های غیر صفر اعضای مجموعه هستند. فرض کنید برای دو تک نقطه a و b ، معیار فاصله $d()$ به صورت فاصله اقلیدسی باشد. بدین ترتیب به صورت (۱) داریم

$$d(a, b) = \|a - b\| \quad (1)$$

همچنین فاصله بین تک نقطه a و مجموعه نقاط $B = \{b_1, \dots, b_{N_b}\}$ به صورت (۲) تعریف شود

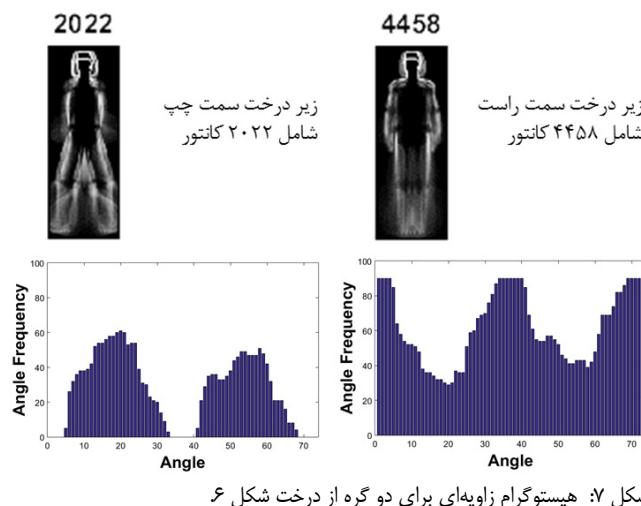
$$d(a, B) = \min_{b \in B} \|a - b\| \quad (2)$$

برای محاسبه فاصله بین دو مجموعه از نقاط، روابط متفاوتی قابل تعریف می‌باشد. در این مقاله از (۳) برای محاسبه این فاصله استفاده نموده‌ایم [۲۲]. یکی از ویژگی‌های این رابطه، مقاوم‌بودن به مجموعه‌های حاوی نویز می‌باشد و بدین ترتیب فاصله دو مجموعه نقاط B و $A = \{a_1, \dots, a_{N_a}\}$ صورت رابطه زیر محاسبه می‌شود

$$d(A, B) = \frac{1}{N_a} \sum_{a \in A} d(a, B) \quad (3)$$

حال فرض کنید دو تصویر لبه داریم و قصد داریم فاصله دو تصویر را محاسبه کنیم. هر یک از دو تصویر لبه را می‌توان مجموعه‌ای از نقاط در نظر گرفت و با این فرض می‌توانیم از (۳) برای محاسبه فاصله استفاده کنیم. تبدیل فاصله ماتریسی از مجموعه B فراهم می‌کند که ما را از محاسبه‌های چندباره (۲) بی‌نیاز می‌سازد. در واقع برای هر نقطه از تصویر، مینیمم فاصله تا پیکسل لبه محاسبه شده است. با این فرضیات فاصله دو تصویر باینری I و I' به صورت (۴) خواهد بود

$$Dist(I, I') = Dt(I) \circ I' \quad (4)$$



می‌شود این توزیع از حالت یکنواخت خارج گردیده و به سمت مرکز بر روی یک زاویه خاص پیش می‌رود. بدین ترتیب برای هر گره از درخت هیستوگرامی ذخیره می‌شود که شامل فراوانی در ۷۲ زاویه می‌باشد. برای مثال برای دو گره از گره ریشه در شکل ۶ هیستوگرام زاویه‌ای به صورت شکل ۷ خواهد بود.

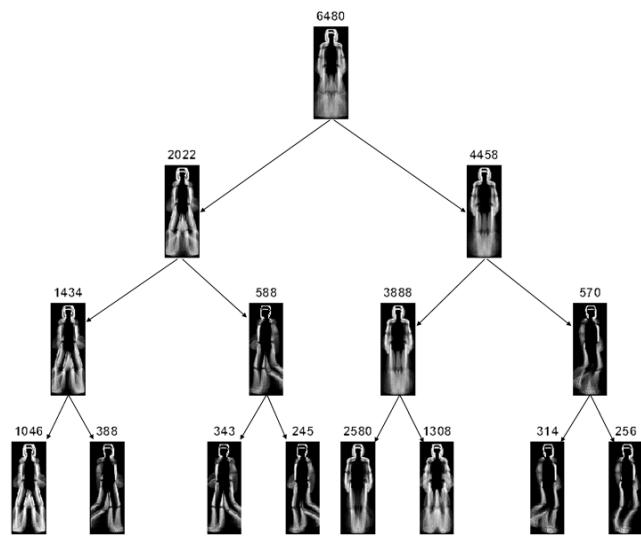
همان طور که در شکل ۷ مشاهده می‌شود مجموع دو هیستوگرام برای گره‌های فرزند ریشه برابر فراوانی گره والد خواهد بود که یک توزیع یکنواخت است و نکته‌ای که باید بدان اشاره کرد نقطه اتمام پیمایش درخت می‌باشد. به منظور جلوگیری از overfit شدن پیمایش، زمانی که گره‌ای با تعداد کانتور ۲۰۰ ملاقات می‌شود عمل پیمایش خاتمه یافته و هیستوگرام زاویه‌ای مربوط به آن گره به عنوان تخمینی از زاویه قرارگیری فرد نسبت به دوربین در نظر گرفته می‌شود. نحوه انتخاب مقدار حد آستانه در بخش ۱-۶ تشریح شده است.

۴- محاسبه زاویه قرارگیری شخص به کمک ترکیبی از درخت‌های کانتوری

همان طور که در بخش‌های قبل اشاره شد با کمک جداسازی قسمت‌های مختلف بدن، کانتورهایی برای هر بخش از بدن تهیه شده است. در مرحله بعد و با کمک خوشبندی برای هر گروه از کانتورها درخت مجزایی ساخته می‌شود. در مرحله تعیین زاویه قرارگیری شخص در تصویر، تصویر ورودی به چندین نوع درخت داده می‌شود. خروجی هر یک از این درخت‌ها، هیستوگرام زاویه‌ای می‌باشد. در مرحله بعد هیستوگرام‌هایی به دست آمده از طریق (۶) با هم ترکیب شده و در نهایت یک هیستوگرام زاویه‌ای خواهیم داشت که قسمتی از بردار ویژگی نهایی را تشکیل می‌دهد

$$\mathbb{H}(i) = \sum_{k \in \text{treeTypes}} (H^k(i) \times |C^k|_{\oplus} \times (1 - \frac{\sum_{j \in k} D^j}{\sum_{j \in k} D^j})) \quad (6)$$

رابطه (۶) ترکیب خطی هیستوگرام‌های زاویه‌ای به دست آمده از پیمایش درخت‌ها را نشان می‌دهد. عبارت (i) مؤلفه i از هیستوگرام ترکیبی نهایی و عبارت $H^k(i)$ مؤلفه i از هیستوگرام خروجی مربوط به درخت k می‌باشد. عملگر $|_{\oplus}$ مجموع پیکسل‌های یک ابرکانتور را محاسبه می‌کند. بدین ترتیب هیستوگرام زاویه‌ای که متعلق به ابرکانتوری با لبه‌ها و مساحت بیشتر باشد، وزن بیشتری را در هیستوگرام نهایی خواهد داشت. همان‌طور که در بخش ۳-۳ عنوان شد، تصویر ورودی با



شکل ۸: خوشبندی سلسله‌مراتبی کانتورها و تشکیل ابرکانتورها.

است و سپس تبدیل فاصله برای تصویر لبه محاسبه می‌شود. در هر مرحله از پیمایش، فاصله بین ابرکانتور و تصویر تبدیل یافته بر اساس (۴) محاسبه می‌گردد. گره فرزندی که فاصله کمتری دارد برای پیمایش بعدی انتخاب می‌شود. یکی از مشکلاتی که می‌تواند منجر به انطباق نادرست گردد جایه‌جایی در تصویر ورودی است. برای رفع این مشکل مکانیزمی طراحی گردیده که با پایین‌رفتن درخت این موقعیت به مرور اصلاح می‌شود و در نتیجه کانتوری که کمترین فاصله را با تصویر لبه دارد استخراج می‌شود. گام‌های الگوریتم پیمایش درخت به صورت زیر می‌باشد:

(۱) محاسبه تبدیل فاصله برای لبه‌های تصویر ورودی.

(۲) تشخیص بردار جایه‌جایی به صورت $[x = 0, y = 0]$.

(۳) انتخاب ریشه درخت خوشبندی به عنوان گره root.

(۴) محاسبه چهار مقدار فاصله برای هر یک از دو گره فرزند (ابرکانتور) پیش رو که عبارتند از:

a. ابرکانتور جایه‌جایشده به اندازه $+1$ پیکسل در راستای x .

b. ابرکانتور جایه‌جایشده به اندازه -1 پیکسل در راستای x .

c. ابرکانتور جایه‌جایشده به اندازه $+1$ پیکسل در راستای y .

d. ابرکانتور جایه‌جایشده به اندازه -1 پیکسل در راستای y .

(۵) انتخاب کمترین فاصله در مرحله ۴ و تشخیص آن به عنوان فاصله فرزند مورد نظر.

(۶) انتخاب فرزند با فاصله کمتر و تشخیص آن به عنوان مقدار root جدید.

(۷) به روز رسانی بردار جایه‌جایی کل بر اساس مقدار جایه‌جایی به دست آمده در گام ۴.

(۸) رفتن به قدم ۱۰ در صورتی که تعداد کانتورهای موجود در گره منتخب، کمتر از یک مقدار آستانه باشد.

(۹) رفتن به قدم ۴.

(۱۰) اتمام.

ساختمان داده مورد استفاده برای ذخیره‌سازی این ابرکانتورها درخت می‌باشد. یکی از اطلاعات مفیدی که در ادامه مورد استفاده قرار می‌گیرد اطلاعات زاویه‌ای در هر گره از درخت می‌باشد. همان‌طور که قبلاً گفته شد ۶۴۸۰ کانتوری که در گره ریشه درخت قرارگرفته شامل ۷۲ زاویه مختلف می‌باشند. بدین ترتیب اگر فراوانی زاویه را برای گره ریشه محاسبه کنیم به صورت یک توزیع یکنواخت بوده که برای هر زاویه ۹۰ کانتور را شامل می‌شود ($6480 = 90 \times 72$). به تدریج که درخت پیمایش

نتیجه تأثیرات منفی تعییرات کنتراست در تصویر حذف می‌شود. یکی از کاربردهای این توصیفگر که بسیار مورد توجه قرارگرفته است، تشخیص انسان در تصویر می‌باشد [۱۵]. این توصیفگر بیشتر در موقعی کاربرد دارد که شیء هدف، تعییرات ظاهری قبل توجهی به خود می‌گیرد. در شکل ۸ هیستوگرام گردایان‌های جهتی برای دو تصویر انسان محاسبه گردیده و نمایش داده شده است.

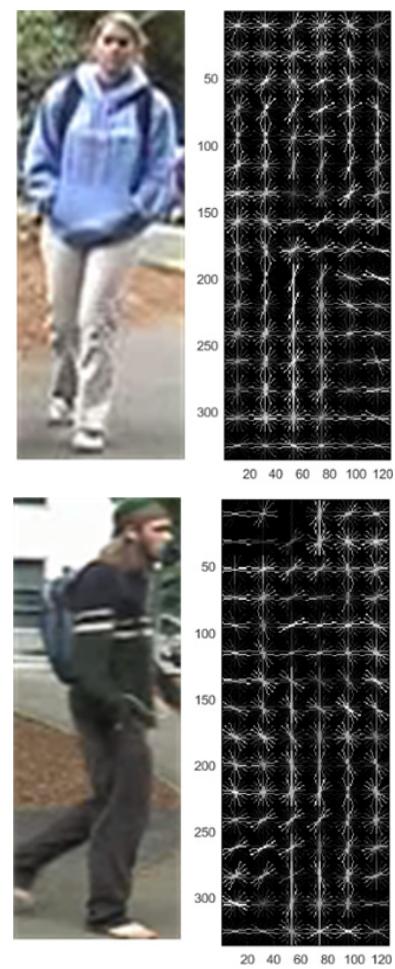
در [۴] ابتدا تصویر ورودی به ابعاد ۱۹۲ در ۶۴ تغییر می‌یابد. اندازه بلاک‌های جدول، ۸ پیکسل در ۸ پیکسل انتخاب شده و تعداد زاویه‌ها در محاسبه فراوانی، ۹ در نظر گرفته شده است. هیستوگرام گردایان‌های جهتی برای سه اندازه از تصویر (به ترتیب با مقیاس ۱، ۰/۵ و ۰/۲۵) محاسبه و ضرایب HOG این سه مقیاس در کنار هم قرار داده شده که برداری با ۲۲۶۸ مؤلفه می‌باشد.

در گام بعد اطلاعات کانتوری پیشنهادی در بخش ۳ به بردار ویژگی ارائه شده در [۴] اضافه می‌گردد. همان طور که در بخش ۳ بررسی شد پیمایش چهار نوع درخت کانتور و ترکیب هیستوگرام‌های زاویه‌ای حاصله با استفاده از (۶)، برداری هشت‌مؤلفه‌ای تولید می‌کند. سپس این هشت مؤلفه در کنار ۲۲۶۸ مؤلفه ذکر شده در بالا قرار می‌گیرد. در نتیجه برای هر تصویر، بردار ویژگی ۲۲۷۶ مؤلفه‌ای خواهیم داشت. همان طور که در بخش ۴-۳ عنوان شد در تولید بردار هشت‌مؤلفه‌ای، نرم‌السازی صورت می‌گیرد. این نرم‌السازی بزرگی بردار تولید شده را در مقایسه با بردار پایه (۲۲۶۸) بیشتر نموده و منجر به تأثیرگذاری در نتایج و در نهایت بهبود می‌گردد. به عنوان مثال در بردار نرم‌السازی شده همیشه مؤلفه‌ای با مقدار ۱ داریم و به عبارتی این نرم‌السازی بخشی از نحوه ترکیب دو بردار ویژگی است. البته به منظور ترکیب دو روش می‌توان از روش‌های دیگر ترکیب نیز استفاده نمود. در این مقاله سعی شده از ساده‌ترین طریقه ترکیب استفاده شود و تمرکز اصلی بر روی رویکرد تولید ویژگی پیشنهادی باشد. با استفاده از این بردار، ماشین بردار پشتیبان آموزش داده می‌شود. به منظور کاهش بار محاسباتی با استفاده از آنالیز مؤلفه‌های اصلی^۱، بردار ۲۲۷۶ بعدی به ۱۰۰ بعد کاهش داده می‌شود. آزمایش‌های صورت گرفته کلیه حالات ذکر شده را در بر دارد.

۵- داده‌های مورد استفاده و آموزش

مجموعه داده‌های مورد استفاده جهت آموزش از مجموعه داده‌های [۹] می‌باشد. این مجموعه داده شامل تصاویری از افراد در جهت‌های مختلف است. تفاوت دو زاویه مجاور ۴۵ درجه می‌باشد که بدین ترتیب هشت کلاس مختلف خواهیم داشت. پراکندگی داده‌ها در این هشت کلاس تقریباً یکسان بوده و در حدود ۶۰۰ تصویر برای هر کلاس می‌باشد. اندازه تصاویر در برخی موارد با هم متفاوت بوده و همچنین برخی از تصاویر رنگی هستند. لذا قبل از آموزش، پیش‌پردازشی جهت یکسان‌سازی تصاویر صورت گرفته است. پیش‌پردازشی که بر روی این داده‌ها صورت گرفته شامل برش ناحیه شخص در تصویر می‌باشد. این مجموعه داده‌ها شامل فایلی با فرمت xml بوده که برچسب تصویر و همچنین موقعیت قرارگیری شخص در آن مشخص شده است. شکل ۹ تعدادی از این تصاویر برای هشت زاویه مختلف را نشان می‌دهد.

به منظور ارزیابی دقت کلاس‌بند، مجموعه داده‌های VIPeR استفاده قرار گرفته است. این مجموعه داده شامل ۱۲۶۴ تصویر رنگی است که اشخاصی در جهت‌های مختلف را در بر می‌گیرد [۲۶]. جهات

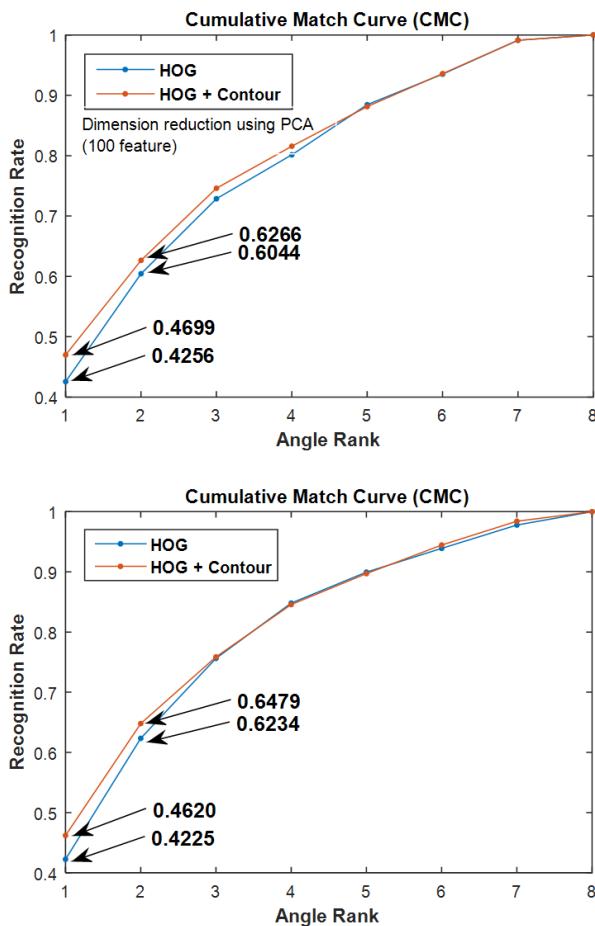


شکل ۸: هیستوگرام گردایان‌های جهتی برای دو نمونه تصویر بعد از تبدیل به تصویر سطح خاکستری.

استفاده از تبدیل فاصله در درخت خوشبندی (برای مثال نوع k) که شامل ابرکانتورها است پیمایش شده و در نهایت به یک گره برگ ختم می‌گردد. در رابطه فوق فاصله تصویر ورودی و گره برگ یافته شده با نماد D^k نشان داده شده است. در نتیجه عبارت انتهایی (۶) نشان می‌دهد ابرکانتوری که فاصله کمتری تا تصویر ورودی دارد وزن بیشتری در هیستوگرام نهایی خواهد داشت. در نهایت نرم‌السازی بر روی هیستوگرام نهایی انجام می‌شود. در این نرم‌السازی کلیه مقادیر مؤلفه‌های هیستوگرام بر مقدار ماکسیمم تقسیم می‌گردد که به دلیل پرهیز از پیچیدگی در (۶) لحاظ نشده است. علت این نرم‌السازی در بخش ۴ نشان می‌دهد که در هر چهار گرفت.

۴- ترکیب هیستوگرام زاویه‌ای و HOG به عنوان ویژگی نهایی

در این پژوهش ترکیبی از هیستوگرام زاویه‌ای به دست آمده در بخش قبل به همراه ویژگی ارائه شده در [۴] استفاده شده است. ویژگی اصلی مورد استفاده در مقاله مذکور، هیستوگرام گردایان‌های جهتی است. هیستوگرام گردایان‌های جهتی (HOG) توصیفگری است که در بینایی ماشین و پردازش تصویر به منظور تشخیص اشیا مورد استفاده قرار می‌گیرد. در این توصیفگر ابتدا تصویر ورودی جدول‌بندی شده و سپس برای هر سلول از این جدول، فراوانی (هیستوگرام) هر یک از گردایان‌های تصویر در جهات مختلف محاسبه می‌شود. همچنین برای هر سلول از این جدول بر اساس سلول‌های مجاور نرم‌السازی صورت می‌گیرد که در



شکل ۱۱: نتایج به دست آمده از کلاس‌بندی نهایی با استفاده از ویژگی پیشنهادی بر روی نمودار CMC.

بیشترین مقدار در خروجی کلاس‌بند برای حالت پایه دارای دقت ۴۲٪ و برای حالتی که ویژگی پیشنهادی به ویژگی HOG اضافه گردیده دارای دقت ۴۶٪ می‌باشد. همین نمودار نشان می‌دهد احتمال وقوع برچسب درست در دو بزرگ‌ترین مقدار خروجی کلاس‌بند، برای حالت پایه ۶۲٪ و برای حالت پیشنهادی ۶۴٪ می‌باشد.

شکل ۱۲ ماتریس در هم ریختنگی را برای نتایج به دست آمده در دو حالت نشان می‌دهد. در حالت اول تنها از ویژگی HOG در کلاس‌بند SVM استفاده گردیده (حالت پایه) و در حالت دوم ویژگی HOG به همراه ویژگی پیشنهادی که مبتنی بر اطلاعات کانتوری است در کلاس‌بند SVM استفاده شده است.

همان طور که مشاهده می‌شود در ماتریس در هم ریختنگی، برای کلیه کلاس‌ها دقت بیشتری نسبت به حالت پایه به دست آمده است که این نشان‌دهنده وجود اطلاعات مفید در ویژگی پیشنهادی است. همچنین با مقایسه با ویژگی حالت پایه از دقت تشخیص بالاتری برخوردار است. میزان این بهبود در رتبه‌های یک و دو (Rank ۱, Rank ۲) تقریباً ۴٪ می‌باشد. در تشریح بهبود کلاس‌بندی با استفاده از ویژگی پیشنهادی می‌توان گفت که برخلاف هیستوگرام گرادیان جهتی که برگرفته از اطلاعات گرادیانی در نواحی محلی در تصویر می‌باشد، ویژگی پیشنهادی مبتنی بر اطلاعات کانتور تصویر است که دیدی یکپارچه نسبت به تصویر دارد. اطلاعات به دست آمده از ابرکانتور تطبیق‌یافته با تصویر ورودی، اطلاعات تکمیلی و متفاوتی نسبت به توصیفگر HOG در اختیار ما می‌گذارد. در نتیجه ترکیب ویژگی حاصله در روش پیشنهادی با روش



شکل ۹: تصاویر مجموعه داده مورد استفاده جهت آموزش.



شکل ۱۰: تصاویر نمونه از مجموعه داده‌های استفاده شده در تست.

این مجموعه داده مشابه با مجموعه آموزشی به صورت گسسته در هشت جهت می‌باشد. شرایط نوری گوناگون، کیفیت پایین و وجود نویز از ویژگی‌های این مجموعه داده می‌باشد. در مرحله تست این مجموعه تصاویر به صورت سطح خاکستری تبدیل شده‌اند. دلیل انتخاب این مجموعه تصاویر، دشواری تشخیص زاویه و استفاده از این مجموعه در کاربردهای دیگر از جمله بازناسانی می‌باشد. در این مجموعه داده پراکندگی تصاویر در زوایای مختلف یکسان نیست. شکل ۱۰ تعدادی از این تصاویر را نشان می‌دهد.

۶- آزمایش‌ها و نتایج

آزمایش‌های صورت گرفته در چهار حالت انجام شده است. در حالت اول تنها با استفاده از ویژگی هیستوگرام گرادیان‌های جهتی و بدون کاهش بعد و با استفاده از کلاس‌بند SVM، داده‌های تست کلاس‌بندی شده‌اند. حالت اول مشابه با [۴] و [۹] می‌باشد و در حالت دوم ویژگی پیشنهادی که برگرفته از اطلاعات کانتوری است به ویژگی HOG اضافه گردیده و بدون کاهش بعد با استفاده از کلاس‌بند SVM، کلاس‌بندی انجام شده است. در دو حالت دیگر با استفاده از آنالیز مؤلفه‌های اصلی، بردارهای آموزشی ورودی، کاهش بعد (۱۰۰٪ ویژگی) می‌باشد. در دو حالت اخیر به دلیل کاهش قابل توجه تعداد ویژگی‌ها سرعت اجرای الگوریتم در مرحله آموزش و در مرحله تست به صورت قابل توجهی افزایش می‌باشد. نتایج آزمایشات در قالب دو نمودار نشان داده شده است. در این پژوهش از کلاس‌بند SVM با مقدار خروجی احتمالاتی برای هر کلاس استفاده شده است. بدین ترتیب بر روی مقادیر احتمالاتی به دست آمده، عمل مرتبازی صورت گرفته که بیشترین مقدار، برچسب کلاس خروجی است. مقدار دوم در مقادیر مرتبازی شده کاندید دوم برای برچسب نمونه تستی می‌باشد. با استفاده از این اطلاعات، نمودار^۱ CMC به دست آمده که اطلاعات دقیقی از رفتار کلاس‌بند نهایی را در اختیار قرار می‌دهد. همچنین با استفاده از ماتریس در هم ریختنگی مقایسه‌ای بین روش پایه و روش پیشنهادی انجام شده است.

در شکل ۱۱ نمودار CMC برای دو حالت با استفاده از روش پیشنهادی و حالت پایه نشان داده شده است. این نمودار نشان می‌دهد که

1. Cumulative Match Curve

همچنین واریانس این قله نیز متناسب با اندازه چند زاویه مجاور باشد. بررسی‌های صورت‌گرفته نشان می‌دهد که مقدار پهنه‌های این حد آستانه با در نظر گرفتن فرض بالا، مقداری در حدود ۲۰۰ کانتور در برگ‌ها می‌باشد. انتخاب تابع کرنل مناسب در کلاس‌بند SVM از اهمیت خاصی برخوردار است و این انتخاب به جنس داده‌های آموزشی بستگی دارد. به عبارتی معیار شباهت بین داده‌ها می‌تواند ما را در انتخاب کرنل مناسب راهنمایی کند. در اکثر کاربردها معیار شباهت اقلیدسی معیار مناسبی می‌باشد و در چنین حالتی کرنل گاوی که تابعی از فاصله اقلیدسی است مناسب است. در مواردی که معیار شباهت بین داده‌ها کسینوسی است کرنل‌های خطی و چندجمله‌ای مناسب می‌باشد. همان طور که در بخش‌های قبل اشاره شد جنس مؤلفه‌های بردار ویژگی نهایی ترکیبی در این مقاله از جنس مؤلفه‌های هیستوگرام هستند. مجموعه این هیستوگرام‌ها به نوعی بافت کلی تصویر را مشخص می‌کنند و همچنین به دلیل وجود شرایط نوری متفاوت در تصاویر، تناسب و همبستگی مؤلفه‌های بردار ویژگی بیش از اختلاف اندازه این مؤلفه‌ها اهمیت دارند. لذا از بین انواع معیارهای ارائه شده برای محاسبه شباهت دو هیستوگرام یا دو توزیع احتمالاتی، معیارهای نظیر باتچریا^۱، کسینوسی و فیدلیتی^۲ که همگی بر پایه ضرب داخلی می‌باشند، انتخاب‌های مناسب‌تری خواهند بود [۲۷]. بر این اساس کرنل‌هایی از قبیل خطی و چندجمله‌ای مناسب می‌باشند. در پیاده‌سازی‌های انجام‌شده با بررسی داده‌های آموزشی و تست، از کرنل چندجمله‌ای با پارامتر درجه ۳ به عنوان کرنل ماشین بردار پشتیبان استفاده شده است. کلاس‌بند SVM مورد استفاده در این مقاله برگرفته از بسته نرم‌افزاری LibSvm می‌باشد [۲۸].

۶-۱ آنالیز پیچیدگی زمانی

این بخش شامل آنالیز پیچیدگی زمانی الگوریتم پیشنهادی است و همچنین تأثیر پارامترهای مختلف الگوریتم پیشنهادی را بر پیچیدگی زمانی بررسی خواهیم نمود. در نهایت مقایسه‌ای بین ویژگی پیشنهادی و هیستوگرام گرادیان‌های جهتی به عنوان ویژگی پایه از نقطه نظر پیچیدگی محاسباتی خواهیم داشت. همان طور که در بخش ۳ آمده است محاسبه ویژگی پیشنهادی نیازمند چهار قدم اصلی می‌باشد:

(۱) استخراج لبه و گرادیان (مشترک با HOG)

(۲) محاسبه تبدیل فاصله

(۳) پیمایش درخت

(۴) استفاده از کلاس‌بند ماشین بردار پشتیبان (مشترک با HOG) در [۲۹] پیچیدگی محاسباتی تبدیل فاصله از مرتبه $2 \times N \times M$ عنوان شده که در آن N و M طول و عرض تصویر در واحد پیکسل می‌باشد. پیمایش درخت خوش‌بندی در روش پیشنهادی با حد آستانه بهینه به طور متوسط تا عمق $d = 6,5$ انجام خواهد گرفت. تعداد عملیات جابه‌جایی در راستای افقی و عمودی با توجه به بخش ۳-۳ مقدار $A = 4$ است و در هر گره این کار برای ریشه‌های دو زیردرخت راست و چپ به منظور یافتن گره برندۀ انجام می‌شود. در هر مقایسه یک عمل ضرب داخلی بین عناصر غیر صفر ابرکانتور و ماتریس تبدیل فاصله انجام می‌شود. تعداد عناصر غیر صفر ابرکانتورها وابسته به ناحیه‌ای است که ابرکانتور بدان تعلق دارد. آزمایش‌های انجام‌شده نشان می‌دهد که تعداد درایه‌های غیر صفر ابرکانتورها در انواع درخت‌ها به طور متوسط

1. Bhattacharyya
2. Fidelity

Confusion Matrix (HOG + Contour)									
Output Class	90	135	180	225	270	315	0	45	
90	185 14.6%	20 1.6%	16 1.3%	0 0.0%	0 0.0%	0 0.0%	11 0.9%	39 3.1%	68.3% 31.7%
135	52 4.1%	36 2.8%	10 0.8%	0 0.0%	0 0.0%	0 0.0%	5 0.4%	3 0.2%	34.0% 66.0%
180	0 0.0%	9 0.7%	37 2.9%	0 0.0%	0 0.0%	0 0.0%	8 0.6%	4 0.3%	63.8% 36.2%
225	1 0.1%	0 0.0%	7 0.6%	0 0.0%	0 0.0%	0 0.0%	4 0.3%	1 0.1%	0.0% 100%
270	55 4.4%	31 2.5%	40 3.2%	0 0.0%	0 0.0%	1 0.1%	58 4.6%	37 2.9%	0.0% 100%
315	3 0.2%	4 0.3%	7 0.6%	0 0.0%	0 0.0%	0 0.0%	24 1.9%	0 0.0%	0.0% 100%
0	8 0.6%	18 1.4%	76 6.0%	0 0.0%	0 0.0%	0 0.0%	265 21.0%	42 3.3%	64.8% 35.2%
45	39 3.1%	4 0.3%	16 1.3%	0 0.0%	0 0.0%	0 0.0%	27 2.1%	61 4.8%	41.5% 58.5%
	53.9% 46.1%	29.5% 70.5%	17.7% 82.3%	NaN% NaN%	NaN% NaN%	0.0% 100%	65.9% 34.1%	32.6% 67.4%	46.2% 53.8%

Confusion Matrix (HOG)									
Output Class	90	135	180	225	270	315	0	45	
90	164 13.0%	12 0.9%	7 0.6%	0 0.0%	0 0.0%	0 0.0%	11 0.9%	38 3.0%	70.7% 29.3%
135	57 4.5%	32 2.5%	8 0.6%	0 0.0%	0 0.0%	0 0.0%	2 0.2%	2 0.2%	31.7% 68.3%
180	0 0.0%	7 0.6%	37 2.9%	0 0.0%	0 0.0%	0 0.0%	8 0.6%	3 0.2%	67.3% 32.7%
225	2 0.2%	0 0.0%	7 0.6%	0 0.0%	0 0.0%	0 0.0%	1 0.1%	1 0.1%	0.0% 100%
270	79 6.3%	48 3.8%	58 4.6%	0 0.0%	0 0.0%	1 0.1%	81 6.4%	53 4.2%	0.0% 100%
315	4 0.3%	4 0.3%	13 1.0%	0 0.0%	0 0.0%	0 0.0%	30 2.4%	0 0.0%	0.0% 100%
0	6 0.5%	15 1.2%	72 5.7%	0 0.0%	0 0.0%	0 0.0%	247 19.5%	36 2.8%	65.7% 34.3%
45	31 2.5%	4 0.3%	7 0.6%	0 0.0%	0 0.0%	0 0.0%	22 1.7%	54 4.3%	45.8% 54.2%
	47.8% 52.2%	26.2% 73.8%	17.7% 82.3%	NaN% NaN%	NaN% NaN%	0.0% 100%	61.4% 38.6%	28.9% 71.1%	42.2% 57.8%

شکل ۱۲: ماتریس در هم ریختگی برای نتایج کلاس‌بندی نهایی.

پایه، منجر به بهبود در نتایج شده است. در زیربخش‌های پیش رو نحوه تعیین پارامترهای روش پیشنهادی و همچنین مقایسه روش پیشنهادی با روش پایه از منظر پیچیدگی زمانی، بررسی خواهد شد.

۶-۲ تعیین حد آستانه در ساخت و پیمایش درخت خوش‌بندی

یکی از پارامترهای روش پیشنهادی، حد آستانه در ساخت و پیمایش درخت خوش‌بندی می‌باشد. انتخاب درست این پارامتر بر پیچیدگی زمانی و دقت الگوریتم تأثیرگذار خواهد بود. همان طور که در بخش ۳-۳ ذکر شد پیمایش درخت خوش‌بندی به گره برگی متنه می‌شود که حاوی هیستوگرام زاویه‌ای از کانتورهای آن گره می‌باشد. مقدار آستانه بهینه در روش پیشنهادی مقداریست که ابرکانتورهای برگ از منظر زاویه نه خیلی خاص و نه خیلی کلی باشند. به عبارتی می‌خواهیم حد آستانه‌ای را پیدا کنیم که هیستوگرام زاویه‌ای متناظر با برگ‌ها، یک توزیع تک‌قله‌ای و

در نهایت نشان دادیم که با ترکیب اطلاعات کانتوری از چندین بخش و اطلاعات هیستوگرام گرادیان‌های جهتی و استفاده از آن در یک کلاس‌بند ماشین بردار پشتیبان، دقت تخمین زاویه در هشت جهت، بهبود می‌یابد.

مراجع

- [1] K. Smith, S. O. Ba, J. M. Odobez, and D. Gatica-Perez, "Tracking the visual focus of attention for a varying number of wandering people," *IEEE Trans. on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, vol. 30, no. 7, pp. 1212-1229, Jul. 2008.
- [2] ع. سبطی و ح. حسنپور, "بهبود الگوریتم SDALF در بازناسی انسان با بهره‌گیری از اطلاعات زاویه شخص," *بیست و سومین کنفرانس مهندسی برق ایران*, صن. ۸۹۰-۸۹۴, اردیبهشت ۱۳۹۴
- [3] G. Fanelli, J. Gall, and L. Van Gool, "Real time head pose estimation with random regression forests," in *Proc. IEEE Conf. on Computer Vision and Pattern Recognition, CVPR'11*, pp. 617-624, Jun. 2011.
- [4] D. Baltieri, R. Vezzani, and R. Cucchiara, "Sarc3d: a new 3d body model for people tracking and re-identification," in *Proc. Int. Conf. on Image Analysis and Processing ICIAP'11*, pp. 197-206, Sept. 2011.
- [5] L. Bourdev and J. Malik, "Poselets: body part detectors trained using 3d human pose annotations," in *Proc. IEEE 12th Int. Conf. on Computer Vision*, pp. 1365-1372, Sep. 2009.
- [6] D. Tosato, M. Spera, M. Cristani, and V. Murino, "Characterizing humans on riemannian manifolds," *IEEE Trans. on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, vol. 35, no. 8, pp. 1972-1984, Aug. 2013.
- [7] J. Tao and R. Klette, "Integrated pedestrian and direction classification using a random decision forest," in *Proc. IEEE Int. Conf. on Computer Vision Workshops, ICCVW'13*, , pp. 230-237, Dec. 2013.
- [8] M. Andriluka, S. Roth, and B. Schiele, "Pictorial structures revisited: people detection and articulated pose estimation," in *Proc. IEEE Conf. on Computer Vision and Pattern Recognition, CVPR'09*, pp. 1014-1021, Jun. 2009.
- [9] M. Andriluka, S. Roth, and B. Schiele, "Monocular 3d pose estimation and tracking by detection," in *Proc., IEEE Conf. on Computer Vision and Pattern Recognition, CVPR'10*, pp. 623-630, Jun. 2010.
- [10] D. M. Gavrila and S. Munder, "Multi-cue pedestrian detection and tracking from a moving vehicle," *International J. of Computer Vision*, vol. 73, no. 1, pp. 41-59, Jun. 2007.
- [11] Y. Mu, S. Yan, Y. Liu, T. Huang, and B. Zhou, "Discriminative local binary patterns for human detection in personal album," in *Proc., IEEE Conf. on Computer Vision and Pattern Recognition, CVPR'08*, 8 pp, 23-28 Jun. 2008.
- [12] O. Tuzel, F. Porikli, and P. Meer, "Pedestrian detection via classification on riemannian manifolds," *IEEE Trans. on Pattern Analysis and Machine Intelligence* vol. 30, no. 10, pp. 1713-1727, Oct. 2008.
- [13] P. F. Felzenszwalb, R. B. Girshick, D. McAllester, and D. Ramanan, "Object detection with discriminatively trained part-based models," *IEEE Trans. on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, vol. 32, no. 9, pp. 1627-1645, Sept. 2010.
- [14] Q. Zhu, M. C. Yeh, K. T. Cheng, and S. Avidan, "Fast human detection using a cascade of histograms of oriented gradients," in *Proc. IEEE Computer Society Conf. on Computer Vision and Pattern Recognition, CVPR'06*, vol. 2, pp. 1491-1498, Jun. 2006.
- [15] N. Dalal and B. Triggs, "Histograms of oriented gradients for human detection," in *Proc. IEEE Computer Society Conf. on Computer Vision and Pattern Recognition, CVPR'05*, vol. 1, pp. 886-893, Jun. 2005.
- [16] ع. سبطی و ح. حسنپور, "بازشناسی انسان در سیستم‌های نظارت ویدئویی," مجله محاسبات نرم دانشگاه کاشان, جلد سوم, شماره اول, صن. ۸۲-۸۱, تابستان ۱۳۹۳
- [17] D. Huang, M. Storer, F. De la Torre, and H. Bischof, "Supervised local subspace learning for continuous head pose estimation," in *Proc. IEEE Conf. on Computer Vision and Pattern Recognition, CVPR'11*, pp. 2921-2928, Jun. 2011.
- [18] E. Murphy-Chutorian and M. M. Trivedi, "Head pose estimation in computer vision: a survey," *IEEE Trans. on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, vol. 31, no. 4, pp. 607-626, Apr. 2009.

$\beta = 4$ تعداد کل درایه‌ها می‌باشد. همچنین این پیمایش‌ها به تعداد درخت‌های خوشبندی برای بخش‌های مختلف بدن انجام می‌شود که در آزمایشات انجام‌شده این تعداد $t = 2$ می‌باشد. لذا پیچیدگی زمانی الگوریتم پیشنهادی به صورت رابطه زیر محاسبه می‌شود

$$T = 2 \times N \times M + t \times 2 \times A \times (d - 1) \times \beta \times N \times M = 35,2 \times N \times M \quad (7)$$

همان طور که در بخش ۴ بیان شد توصیفگر HOG فراوانی گرادیان‌های تصویر را در ۹ جهت محاسبه می‌کند. محاسبه این فراوانی در بلاک‌های ۸ پیکسل در ۸ پیکسل می‌باشد. با صرف نظر از محاسبات مربوط به این بلاک‌بندی‌ها و نرم‌السازی‌ها، محاسبات مورد نیاز برای ویژگی HOG دارای سه قدم زیر است:

(۱) استخراج لبه و گرادیان (مشترک با روش پیشنهادی).

(۲) محاسبه فراوانی گرادیان‌های تصویر در ۹ جهت.

(۳) استفاده از کلاس‌بند ماشین بردار پشتیبان (مشترک با روش پیشنهادی).

محاسبه گرادیان‌های تصویر در ۹ جهت دارای پیچیدگی زمانی زیر بر حسب تعداد عملیات مقایسه می‌باشد

$$T = 9 \times N \times M \quad (8)$$

بدار ویژگی ارائه شده در [۲۵] توصیفگر HOG را در سه مقیاس محاسبه می‌کند. این مقیاس‌ها به ترتیب ۱، ۰/۵ و ۰/۲۵ می‌باشند و بدین ترتیب پیچیدگی زمانی برای الگوریتم پایه به صورت رابطه زیر است

$$T = 9 \times N \times M + \frac{9 \times (N \times M)}{4} + \frac{9 \times (N \times M)}{8} = 12,375 \times (N \times M) \quad (9)$$

با توجه به این که درخت خوشبندی در روش پیشنهادی بر اساس تصاویر با ابعاد ۱۲۸ در ۴۸ پیکسل بوده و ابعاد تصاویر در روش پایه ۶۴ در ۶۴ می‌باشد به صورت خلاصه پیچیدگی روش پیشنهادی برابر است با $21600 \approx 22,8 \times 128 \times 48$ و پیچیدگی زمانی روش پایه برابر است با $15500 \approx 12,375 \times 196 \times 64$. نتایج این تحلیل نشان می‌دهد که پیچیدگی زمانی ویژگی پیشنهادی مقدار قابل قبولی بوده و با تنظیم پارامترهای مربوطه می‌توان به دقت و پیچیدگی محاسباتی مطلوبی دست یافت. همچنین کانتور تطبیق‌یافته اطلاعاتی در ارتباط با وضعیت دقیق فرد نیز در اختیار ما قرار می‌دهد.

۷- نتیجه‌گیری

در این مقاله تخمینی از هشت زاویه برای تصویر شخص ارائه شده است و رویکرد اصلی، استفاده از اطلاعات کانتوری تصویر در کانتور ویژگی هیستوگرام گرادیان‌های جهتی می‌باشد. یک کانتور، اطلاعات یکپارچه‌ای از لبه‌های اصلی در اطراف شیء فراهم می‌کند. کانتورهای مورد استفاده در این مقاله از یک مدل سهبعدی انسان تولید شده است. استفاده از مدل سهبعدی این امکان را فراهم می‌سازد که کانتورهایی برای بخش‌های مختلف بدن در اختیار داشته و همچنین محدودیتی در تولید داده‌های آموزشی نداشته باشیم. در گام بعد بر روی اطلاعات کانتوری، خوشبندی سلسه‌مراتبی انجام می‌گیرد. در این مقاله تعریف جدیدی از ابرکانتور که شامل مجموعه‌ای از کانتورهای ارائه گردید که این ابرکانتورها در گره‌های میانی درخت خوشبندی قرار می‌گیرند. سپس با در دست داشتن تصویر ورودی، پیمایشی بر روی این درخت انجام می‌گیرد که در حین پایین‌رفتن در درخت، اجازه حرکت افقی و عمودی به کانتور داده می‌شود.

- [28] C. C. Chang, and C. J. Lin, "LIBSVM: a library for support vector machines," *ACM Trans. on Intelligent Systems and Technology*, vol. 2, no. 3, Article no. 27, Apr. 2011.
- [29] P. Felzenszwalb and D. Huttenlocher, *Distance Transforms of Sampled Functions*, Cornell University, 2004.

علی سبطی تحقیقات خود را در مقطع کارشناسی مهندسی کامپیوتر در سال ۱۳۸۵ از دانشگاه یزد و مقطع کارشناسی ارشد مهندسی کامپیوتر گرایش هوش مصنوعی در سال ۱۳۸۸ از دانشگاه صنعتی امیرکبیر به پایان رسانده است. ایشان در حال حاضر دانشجوی دکتری در گرایش هوش مصنوعی در آزمایشگاه پردازش تصویر و داده کاوی از دانشگاه صنعتی شاهroud می باشند. زمینه های تحقیقاتی مورد علاقه ایشان عبارتند از: پردازش تصویر، پردازش زبان طبیعی و محاسبات تکاملی.

حمید حسن پور تحقیقات خود را در مقطع کارشناسی مهندسی کامپیوتر در سال ۱۳۷۲ از دانشگاه علم و صنعت ایران و مقطع کارشناسی ارشد مهندسی کامپیوتر گرایش هوش مصنوعی در سال ۱۳۷۵ از دانشگاه صنعتی امیرکبیر به پایان رسانده است. ایشان مدرک دکتری خود را از دانشگاه صنعتی کوئینزلند استرالیا در گرایش پردازش سیگنال در سال ۱۳۸۳ اخذ نمودند. ایشان در حال حاضر صاحب کرسی استادی در دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات در دانشگاه صنعتی شاهroud می باشند. زمینه های تحقیقاتی مورد علاقه ایشان عبارتند از: پردازش تصویر، پردازش سیگنال، پردازش و تحلیل زمان- فرکانس سیگنال.

- [19] D. Tran and D. Forsyth, "Improved human parsing with a full relational model," in *Proc. IEEE Conf. on Computer Vision and Pattern Recognition, CVPR'10*, pt. 4, , pp. 227-240, Sep.2010.
- [20] M. Enzweiler and D. M. Gavrila, "Integrated pedestrian classification and orientation estimation," in *Proc. IEEE Conf. Computer Vision and Pattern Recognition, CVPR'10*, pp. 982-989, Jun. 2010.
- [21] I. Chavel, *Riemannian Geometry: A Modern Introduction*, Cambridge University Press, vol. 98, Apr. 2006.
- [22] N. F. Troje, "Decomposing biological motion: A framework for analysis and synthesis of human gait patterns," *Journal of Vision*, vol. 2, no. 5, pp. 371-387, Sep. 2002.
- [23] R. Kimmel, N. Kiryati, and A. M. Bruckstein, "Sub-pixel distance maps and weighted distance transforms," *J. of Mathematical Imaging and Vision*, vol. 6, no. 2-3, pp. 223-233, Jun. 1996.
- [24] M. P. Dubuisson and A. K. Jain, "A modified Hausdorff distance for object matching," in *Proc. of the 12th IAPR Int. Conf. IEEE Pattern Recognition, Computer Vision & Image Processing*, vol. 1, pp. 566-568, Oct. 1994.
- [25] L. Rokach and O. Maimon, "Clustering methods," in *Data Mining and Knowledge Discovery Handbook*, Springer, pp. 321-352, 2005.
- [26] D. Gray, S. Brennan, and H. Tao, "Evaluating appearance models for recognition, reacquisition, and tracking," in *Proc. IEEE International Workshop on Performance Evaluation of Tracking and Surveillance*, vol. 3, pp. 41-47, Oct. 2007.
- [27] S. H. Cha, "Comprehensive Survey on Distance/Similarity Measures between Probability Density Functions, " *Int. J. of Mathematical Models and Methods in Applied Sciences*, vol. 1, no. 4, pp. 300-307, 2007.