

# مخابره مطمئن بی‌سیم بر مبنای وضعیت لینک غیر ایده‌آل با استفاده از ترکیب بهینه AMC و ARQ

مهرداد تاکی و رضا مهین زعیم

و لذا استفاده بهینه از سیستم بازارسال اهمیت دارد. در این مقاله روشی برای مخابره مطمئن با استفاده از ترکیب بهینه تطبیق لینک گستته و سیستم بازارسال خودکار بر مبنای وضعیت لینک غیر ایده‌آل ارائه می‌شود. تطبیق لینک ابزار کارامدی است که برای بهبود متوسط نرخ یک لینک بی‌سیم به کار گرفته می‌شود و در آن نرخ و توان ارسالی در فرستنده بر اساس بازخورد دریافتی از وضعیت کاتال تنظیم می‌شود [۱]. تطبیق لینک به دو صورت پیوسته و گستته در مراجع به کار گرفته شده است. برای تحلیل تئوری عملکرد سیستم از تطبیق لینک پیوسته استفاده می‌شود که در آن نرخ ارسالی به طور پیوسته بر اساس وضعیت لحظه‌ای کاتال تنظیم گردیده و از کدهای ظرفیت با احتمال خطای میل کننده به صفر استفاده می‌شود [۲]. تنظیم نرخ پیوسته هر چند دید خوبی می‌دهد اما در عمل ممکن نیست. در سیستم‌های عملی حد کمی از احتمال خطای پذیرفته است و نرخ ارسال از یک مجموعه محدود از نرخ‌های گستته انتخاب می‌شود (تطبیق لینک گستته). هر یک از مدهای ارسال می‌تواند به کمک یک مدولاسیون خاص (مدولاسیون وفقی (AM) [۱] یا به کمک یک مدولاسیون و کدینگ خاص (کدینگ و مدولاسیون وفقی (AMC) [۲]) پیاده‌سازی شود. طراحی با استفاده از AM شبیه طراحی با استفاده از تنظیم نرخ پیوسته است چرا که در آن می‌توان نرخ لحظه‌ای را به وسیله یک تابع بسته از SNR تقریب زد [۱] اما طراحی سناریوی ارسال با استفاده از AMC به علت عدم وجود تابع مذکور پیچیده‌تر است. البته به کارگیری کدینگ، عملکرد سیستم را به طور قابل ملاحظه‌ای ارتقا می‌دهد. روش تطبیق لینک به طور گسترده در سیستم‌های مخابراتی به کار گرفته شده و موجب بهبود قابل ملاحظه در عملکرد آنها شده است [۳].

در تطبیق لینک ممکن است همزمان توان ارسالی نیز تنظیم شود و یا ممکن است توان ارسالی ثابت باشد. برای یک لینک نقطه به نقطه به عرضه نشان داده شده که توان ارسالی وفقی موجب بهبود قابل توجه عملکرد می‌شود [۱] ولی با استفاده از توان ارسالی وفقی در عوض بایستی مقدار دقیق SNR کاتال در هر ارسال به عنوان وضعیت لینک به فرستنده بازخورد شود. این در حالی است که در ارسال با توان ثابت صرفاً نمایه مربوط به نرخ ارسال به فرستنده بازخورد می‌شود. مقدار SNR بازخورد شده در حقیقت یک تخمین از وضعیت لینک در چند ارسال قبلی است و ممکن است با توجه به طبیعت متغیر با زمان لینک‌های بی‌سیم، با وضعیت لینک در ارسال جاری متفاوت باشد. همچنین ممکن است در تخمین SNR کاتال، خطای رخ دهد. در مجموع در عمل، وضعیت لینک به صورت غیر ایده‌آل در اختیار است. در [۱۴] حدود ظرفیت برای یک سیستم OFDM با وجود وضعیت لینک غیر ایده‌آل مورد بررسی قرار گرفته است. در [۱۵] و [۱۶] سعی شده با استفاده از پیش‌بینی کاتال، اثر غیر ایده‌آل بودن وضعیت لینک جبران شود. در [۱۷] تا [۲۱] در یک سیستم مخابراتی با استفاده از AM، نرخ ارسال به گونه‌ای تنظیم شده که متوسط احتمال

چکیده: در این مقاله روشی برای مخابره مطمئن اطلاعات (با احتمال خطای متمایل به صفر) در یک لینک مخابراتی بی‌سیم ارائه می‌شود که در آن برای مقابله با اثرات فیدینگ و چندمسیرگی از کدینگ و مدولاسیون وفقی (AMC) استفاده شده است. با استفاده از روش‌های کدینگ متدال حد کمی از احتمال خطای در سیستم باقی می‌ماند که به صفر رساندن آن مستلزم استفاده از توان ارسالی بسیار زیاد و یا کلمات کد به طول بی‌نهایت است و در عمل ممکن نیست. وظیفه از بین بردن میزان خطای باقیمانده بر عهده سیستم بازارسال خودکار (ARQ) است. البته اگر کدینگ تصحیح خطای مورد استفاده ضعیف باشد تعداد بازارسال‌های مورد نیاز زیاد خواهد بود و این امر گزندگی سیستم را به شدت خراب می‌کند. در این مقاله روشی برای ترکیب بهینه روش تصحیح خطای در تطبیق لینک و روش تشخیص خطای و بازارسال ارائه می‌شود. از طرف دیگر به علت متغیر با زمان بودن کاتال‌ها و خطاهای تخمین و چندی‌سازی (Quantization)، در عمل وضعیت دقیق لینک برای تنظیم نرخ ارسال در اختیار نیست. در این مقاله، روش جدیدی برای تطبیق لینک بر مبنای وضعیت لینک غیر ایده‌آل نیز ارائه می‌شود. بررسی‌های عددی کارامدی روش طراحی شده را نشان می‌دهند.

**کلیدواژه:** تطبیق لینک گستته، کدینگ و مدولاسیون وفقی (AMC)، بازارسال خودکار (ARQ)، مخابره مطمئن.

## ۱- مقدمه

امروزه ارسال مطمئن<sup>۱</sup> اطلاعات (با احتمال خطای متمایل به صفر) مخصوصاً برای انتقال داده‌های بالازش از اهمیت بالایی برخوردار است. این در حالی است که در شبکه‌های بی‌سیم، کاتال‌ها از اثرات محوش‌گی رنج می‌برند و وضعیت لینک با زمان تغییر می‌کند. با استفاده از روش‌های کدینگ متدال، حد محدودی از خطای باقی می‌ماند که برای به صفر رساندن آن بایستی توان ارسالی و یا طول کلمه کد بی‌نهایت شود که در عمل ممکن نیست. در استانداردهای امروزی داده‌ها به صورت بسته‌های استاندارد منتقل می‌شوند به طوری که از دست رفتن بخشی از اطلاعات بسته، موجب بی‌ارزش شدن کل اطلاعات آن بسته می‌شود. علاوه بر این، در عمل وضعیت لینک به صورت غیر ایده‌آل در اختیار است و لذا تنظیم دقیق نرخ و توان برای تضمین قید احتمال خطای ممکن نیست. در صورت استفاده از سیستم بازارسال (سیستمی که با تشخیص خطای دستور ارسال مجدد اطلاعات را می‌دهد)، گزندگی به علت تکرار ارسال کاهش می‌یابد

این مقاله در تاریخ ۲۷ آبان ماه ۱۳۹۳ دریافت و در تاریخ ۷ اسفند ماه ۱۳۹۴ بازنگری شد.

مهرداد تاکی، گروه مهندسی برق، دانشکده فنی مهندسی، دانشگاه قم، قم، email: m.taki@qom.ac.ir)

رضا مهین زعیم، دانش آموخته دانشگاه اصفهان، اصفهان، email: reza.zaeem@gmail.com)

مجاز برابر بی‌نهایت تنظیم شود. مقدار قید PER و به عبارتی میزان مشارکت سیستم تصحیح خطا در ارسال نیز بهینه‌سازی شده و به عبارت دقیق‌تر ترکیب بهینه سیستم ARQ و AMC مشخص می‌شود.

در ادامه در بخش دوم اصول و مفاهیم مورد نیاز شامل ساختار لینک و مدل کanal، روش تطبیق لینک و توصیف وضعیت لینک غیر ایده‌آل مطرح می‌شود. در بخش سوم روش ارسال بهینه بر مبنای وضعیت لینک غیر ایده‌آل با استفاده از AMC و بدون استفاده از ARQ مطرح می‌گردد. در روش طراحی شده در این بخش، هدف حداکثر کردن گزندگی با ملاحظه قید متوسط توان و احتمال خطای بسته است. در بخش چهارم روش ارسال بهینه با استفاده از AMC و ARQ مطرح می‌شود. در این بخش ترکیب بهینه دو سیستم تصحیح خطا و تشخیص و بازارسال خطای مشخص می‌شود. بخش پنجم به ارزیابی عددی روش‌های طراحی شده اختصاص دارد و مقاله در بخش ششم جمع‌بندی می‌شود.

## ۲- اصول و مفاهیم

### ۱-۲ نشانه‌گذاری‌ها

در این مقاله متغیرها با حروف کوچک مثل  $z$  و ثوابت با حروف بزرگ مثل  $N$  نمایش داده می‌شوند.تابع چگالی احتمال متغیر تصادفی  $x$  با  $f_x(x)$  نمایش داده می‌شود و متوسط آماری به کمک  $E\{.\}$  مشخص می‌گردد.

### ۲-۲ ساختار سیستم و مدل کanal

شبکه بی‌سیم در نظر گرفته شامل یک لینک نقطه به نقطه حاوی یک فرستنده و یک گیرنده است و کanal مورد نظر متغیر با زمان و دارای فیدینگ فرکانسی تخت می‌باشدند. مدل فیدینگ بلوکی در نظر گرفته شده است که در آن بهره کanal در طول یک بلوک (چندین بسته اطلاعات) ثابت می‌ماند. اگر ضربی مختلط کanal با  $h$ ، واریانس نویز دریافتی در گیرنده با  $\sigma^2$  و توان ارسالی با  $p$  نمایش داده شود، نسبت سیگنال به نویز دریافتی برابر  $\gamma = p|h|^2/\sigma^2$  خواهد بود و  $s = |h|^2/\sigma^2$  سیگنال به نویز نرمایزه و یا به اختصار SNR نامیده می‌شود.

### ۳-۲ توصیف وضعیت لینک غیر ایده‌آل

در حالت کلی می‌توان SNR کanal‌های بی‌سیم را با مدل ناکاگامی مرتبه  $\mu$  مدل کرد. لذا SNR واقعی و SNR تخمینی (به ترتیب  $s$  و  $\hat{s}$ ) دو متغیر تصادفی همبسته هستند که تابع چگالی احتمال شرطی آنها از رابطه زیر به دست می‌آید [۳۵]

$$f_{s|\hat{s}}(s|\hat{s}) = \frac{(s)^{\frac{\mu-1}{2}}}{(\rho\hat{s})^{\frac{\mu-1}{2}}} \exp\left(-\frac{\rho(s+\hat{s})}{\hat{s}(1-\rho)}\right) I_{\mu-1}\left(\frac{2}{\hat{s}(1-\rho)}\right) \quad (1)$$

به طوری که  $S = E\{\hat{s}\}$  بیانگر متوسط SNR و  $\rho$  بیانگر ضربی همبستگی و  $I_{\mu-1}$  تابع بسل اصلاح شده نوع اول از مرتبه  $\mu-1$  است که در صورت استفاده از مدل Jakes ضربی همبستگی برابر  $(2\pi f_d T_d)^{-1} = \rho$  خواهد بود که  $J$ . تابع بسل نوع اول از مرتبه صفر،  $f_d$  فرکانس داپلر و  $T_d$  زمان رفت و برگشت سیگنال بین فرستنده و گیرنده می‌باشد [۹].

خطا در هر ارسال از یک مقدار قابل قبول کمتر شود. با ملاحظه قید متوسط احتمال خطای ممکن است در بعضی موارد احتمال خطای بسیار کمتر از حد مطلوب و در بعضی موارد دیگر بسیار بیشتر از حد مطلوب بشود.

در سیستم‌های مخابراتی امروزی، اطلاعات به صورت بلوک‌هایی به طول ثابت بسته‌بندی می‌شوند و زمانی یک بسته در گیرنده بدون خطا تلقی می‌شود که در هیچ یک از بیت‌های آن خطای نداده باشد [۲۲] و [۲۳] لذا به جای در نظر گرفتن احتمال خطای بیت بايد نرخ خطای بسته (PER) را در نظر گرفت. برای دریافت مطمئن بسته‌ها، علاوه بر استفاده از کدینگ تصحیح خطا در لایه فیزیکی <sup>۱</sup> بایستی از ARQ در لایه لینک اطلاعات <sup>۲</sup> نیز استفاده کرد. در این روش از یک کد تشخیص خطای استفاده می‌شود و در صورت تشخیص بروز خطای تقاضای بازارسال اطلاعات صادر می‌گردد. به سیستمی که هم از کدینگ تصحیح خطا و هم از سیستم تشخیص خطای بازارسال بسته‌ها استفاده می‌کند، سیستم ARQ مخلوط <sup>۳</sup> (HARQ) می‌گویند. اگر در صورت تشخیص خطای صرفاً یک سری بیت اضافی و پریتی HARQ برای کمک به تصحیح خطای در بسته دریافتی ارسال شود، سیستم HARQ از نوع II است [۲۴].

ترکیب ARQ و تطبیق لینک در لایه فیزیکی نیز امکان‌پذیر است. تحلیل عملکرد سیستم ارسال با استفاده از ARQ و تطبیق لینک در [۲۵] تا [۳۴] آمده است. زمانی که از بازارسال استفاده شود به علت تکرار، گزندگی کاهش می‌یابد. یک سوال اساسی این است که چه قسمتی از وظیفه ارسال مطمئن اطلاعات به روش تطبیق لینک و چه قسمتی به ARQ محول شود؟ اگر قید احتمال خطای قابل تصحیح توسط MC، AMC کم در نظر گرفته شود به علت وجود محدودیت بر روی متوسط توان ارسالی نرخ‌های قابل ارسال کم و گزندگی کم خواهد بود و اگر قید احتمال خطای قابل تصحیح توسط AMC زیاد در نظر گرفته شود، تعداد بازارسال‌های مورد نیاز زیاد خواهد شد و باز هم گزندگی کاهش می‌یابد. لذا تعیین مقدار بهینه قید احتمال خطای قابل تصحیح در سیستم AMC دارای اهمیت بالایی است و به عبارت دقیق‌تر ترکیب بهینه سیستم ARQ و AMC برای حداکثر کردن گزندگی دارای اهمیت است.

در این مقاله روشی برای ارسال بهینه‌سازی شده مطمئن با استفاده از HARQ از نوع I ارائه می‌شود. با استفاده از AMC، دستیابی به قید احتمال خطای PER محدود تضمین می‌شود و گزندگی لینک با ملاحظه قید متوسط توان ارسالی حداکثر می‌گردد. اما چون وضعیت لینک غیر ایده‌آل است، تنظیم دقیق نرخ و توان برای رسیدن به احتمال قید PER ممکن نیست. از طرف دیگر ملاحظه قید متوسط PER، معیار مناسبی برای اندازه‌گیری عملکرد نیست. در این مقاله روشی برای تطبیق لینک بر مبنای وضعیت لینک غیر ایده‌آل ارائه می‌شود که در آن احتمال نقض شدن قید PER به <sup>۴</sup> محدود شود. با این کار <sup>۵</sup>-۶ بخش از اطلاعات ارسالی ارزشمند است و قید احتمال خطای برآورده می‌کند. مقدار <sup>۷</sup> از طریق بهینه‌سازی به گونه‌ای تنظیم می‌شود که گزندگی بیشینه شود. حذف خطای باقیمانده بر عهده ARQ گذاشته شده است. اگر هدف رسیدن به احتمال خطای نزدیک به صفر باشد باید تعداد بازارسال‌های

1. Packet Error Rate
2. Physical Layer
3. Data Link Layer
4. Hybrid-ARQ

جدول ۱: نمایش حالات ارسال برای بخش AMC.

حالت ارسال	مدولاسیون	نرخ کدینگ	نرخ ارسالی	ضریب $a_n$	ضریب $b_n$	ضریب $a_n b_n$
۱	BPSK	۱/۲	۰/۵	۱۰۴۲/۱۰۷	۱۱/۵۳	
۲	BPSK	۳/۴	۰/۷۵	۳۱۱/۰۶۴	۴/۹۴	
۳	QPSK	۱/۲	۱	۷۰۶/۹۷۸	۲/۸۱	
۴	QPSK	۳/۴	۱/۵	۲۶۴/۰۱۳	۱/۲۲	
۵	۱۶-QAM	۱/۲	۲	۲۶۴/۵۴۲	۰/۶۲	
۶	۱۶-QAM	۳/۴	۳	۱۷۱/۰۵۷	۰/۲۵	
۷	۶۴-QAM	۲/۳	۴	۲۲۸/۳۷۷	۰/۰۹۶	

PER کمتر از  $\epsilon$  باشد. گذردهی بیانگر تعداد بیت اطلاعات است که در واحد زمان و در واحد عرض باند ارسال می‌شود زمانی که در مدد ارسال  $m$  ام قرار داریم،  $R_m N_b$  بیت مربوط به اطلاعات اصلی است و  $N_c = N_b + N_H$  تعداد کل بیت‌های ارسالی است. لذا کسر  $\alpha = N_b / (N_b + N_H)$  از بیت‌های ارسالی مربوط به اطلاعات اصلی است و اگر  $k(\hat{s})$  و  $p(\hat{s})$  به ترتیب بیانگر نرخ و توان ارسال تنظیم شده بر حسب  $\hat{s}$  باشند، متوسط گذردهی برابر  $\alpha E\{k(\hat{s})\}$  خواهد بود. نشان دهنده متوسط آماری است) و مسئله تطبیق لینک به صورت زیر فرمول‌بندی می‌شود

$$\max_{p(\hat{s}), k(\hat{s})} \alpha E\{k(\hat{s})\}, \quad k(\hat{s}) \in \{R_1, R_2, \dots, R_M\} \text{ s.t.} \\ \begin{cases} C(1): E\{p(\hat{s})\} \leq \bar{P} \\ C(2): PER \leq \epsilon. \end{cases} \quad (4)$$

### ۲-۳ حل مسئله

برای حل مسئله فوق ابتدا روش تخصیص توان و سپس روش تخصیص نرخ ارسال معرفی می‌شود و سپس بر اساس روش‌های یادشده صورت مسئله بازنویسی و حل آن ارائه می‌شود.

#### ۱-۲-۳ تخصیص توان

از آنجا که مقدار دقیق SNR کانال در اختیار نیست، تضمین قید PER طبق (۴) امکان‌پذیر نمی‌باشد. برای تضمین قید PER در این قسمت از یک روش ابتکاری استفاده می‌کنیم. توان ارسال در هر مدد ارسال را به گونه‌ای پیدا می‌کنیم که احتمال نقض شدن قید PER برابر  $\epsilon$  باشد، یعنی  $P\{PER > \epsilon | \hat{s}\} \leq \epsilon$ .  $P\{PER > \epsilon | \hat{s}\} = P\{s < g_\epsilon(k) | \hat{s}\}$  نشان دهنده احتمال وقوع رخداد است) و مقدار  $\epsilon$  نیز به گونه‌ای بهینه خواهد شد که گذردهی حداقل شود.

زمانی احتمال خطای بسته از  $\epsilon$  بیشتر خواهد شد که  $p < g_{\epsilon(k)}$  باشد، لذا داریم

$$P\{PER > \epsilon | \hat{s}\} = P\{s < g_\epsilon(k) | p | \hat{s}\} = \\ \int_{-\frac{g_\epsilon(k)}{p}}^{\infty} f_{s|\hat{s}}(s | \hat{s}) ds = \\ 1 - Q_\mu\left(\sqrt{\frac{2\rho\hat{s}}{(1-\rho)\bar{S}}}, \sqrt{\frac{2g_\epsilon(k)}{p(1-\rho)\bar{S}}}\right) \quad (5)$$

به طوری که  $Q_\mu$  تابع مارکوم از مرتبه  $\mu$  [۳۶] (مرتبه فیدینگ ناکامایی کانال‌ها) است. تابع بسته‌ای برای توصیف  $Q_\mu(A, B)$  وجود ندارد اما اگر  $A < B$  باشد می‌توان حد پایین زیر را برای نوشته [۳۷]

### ۴-۲ تطبیق لینک گستته و مدهای کدبندی و مدوله‌سازی وفقی

در سیستم‌های عملی با استفاده از کدبندی و مدوله‌سازی وفقی گستته،  $M+1$  حالت ارسال وجود دارد که هر یک متناظر با یک روش کدبندی و یک روش مدوله‌سازی می‌باشند که در نهایت به نرخ ارسال  $R_m$  منجر می‌شود. حالت‌های ارسال بسته به نرخشان به صورت  $R_m < R_{i-1} < R_i < \dots < R_1 < R_0 = 0$  مرتب می‌شوند. حالت "۰" بیانگر حالتی است که در آن هیچ اطلاعاتی ارسال نمی‌شود. در سیستم‌های مخابراتی امروزی بیت‌های اطلاعات به صورت بسته‌هایی با تعداد بیت مشخص ارسال می‌شوند و زمانی یک بسته بدون خطای خواهد بود که تمامی بیت‌های آن بدون خطای دریافت شوند. در یک بسته اطلاعات که با نرخ  $R_m$  کد شده است،  $N_b$  بیانگر جمع تعداد بیت‌های اطلاعات و پریتی (آزمون توانی)،  $R_m N_b$  بیانگر تعداد بیت‌های اطلاعات،  $(1-R_m)N_b$  تعداد بیت‌های پریتی و  $N_H$  بیانگر تعداد بیت‌های سرایند می‌باشد و زمانی بسته بدون خطای است که کل  $N_C = N_H + N_b$  بیت بدون خطای باشند. لذا اگر احتمال خطای بسته برابر BER باشد، احتمال خطای بسته برابر  $(1-BER)^{N_b}$  است. برای تحلیل عملکرد لینک به ازای هر مدد ارسال، ابتدا باید مقدار SNR بر حسب PER کانال محاسبه شود. زمانی که مدهای مختلف AMC از استاندارد IEEE ۸۰۲.۱۱a بر حسب SNR انتخاب شوند،تابع PER بر حسب زیر تخمین زد [۱۳]

$$PER(ps, R_m) = \begin{cases} 1, & ps < \Gamma_m, \\ a_m \exp(-g_m ps), & ps \geq \Gamma_m \end{cases}, \quad 1 \leq m \leq M \quad (2)$$

پارامترهای  $\{a_m, g_m, \Gamma_m\}$  توسط روش تطبیق منحنی با استفاده از تخمین حداقل مربعات به دست می‌آیند [۱۳]. این مقادیر به ازای یک مجموعه از مدهای استاندارد IEEE ۸۰۲.۱۱ در جدول ۱ لیست شده‌اند. در حالت ارسال  $m$  حداقل SNR مورد نیاز برای تضمین آن که حداقل احتمال خطای بسته برابر  $\epsilon$  باشد با  $(R_m) g_\epsilon$  نمایش داده می‌شود که از رابطه زیر به دست می‌آید

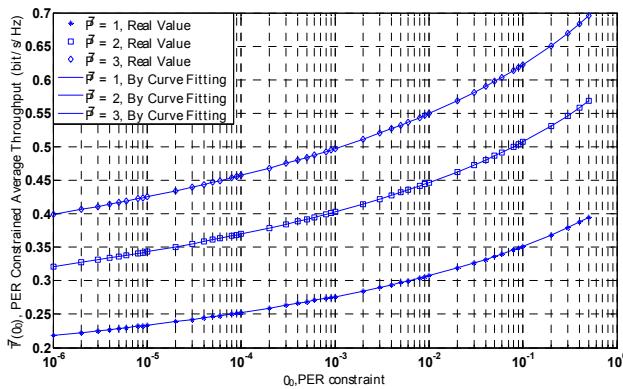
$$PER(ps, R_m) \leq \epsilon \Rightarrow ps \geq g_\epsilon(R_m) \quad (3) \\ g_\epsilon(R_m) = \frac{-1}{g_m} \times \ln \frac{\epsilon}{a_m}, \quad \Gamma_m \leq ps$$

### ۳-۱ مخابره بهینه‌سازی شده با استفاده از AMC به هدف حداقل گذردهی با ملاحظه قید PER و متوسط توان بر مبنای وضعیت لینک غیر ایده‌آل

هدف این بخش طراحی روش ارسال با استفاده از AMC به منظور حداقل کردن گذردهی لینک است به شرط آن که متوسط توان ارسالی و PER محدود و مقید باشند. فرض بر آن است که مقدار دقیق  $s$  در اختیار نیست و به جای آن تخمین غیر ایده‌آل  $\hat{s}$  در اختیار است که رابطه آن با  $s$  بر طبق (۱) می‌باشد. در ادامه صورت مسئله طراحی روش تطبیق لینک فرمول‌بندی و سپس حل آن ارائه می‌شود.

#### ۱-۳ فرمول‌بندی مسئله

در یک لینک نقطه به نقطه، هدف حداقل کردن گذردهی است به گونه‌ای که اولاً متوسط توان ارسالی فرستنده حداقل برابر  $\bar{P}$  باشد و ثانیاً



شکل ۲: متوسط گزندگی در لینک بر حسب قید PER زمانی که کانال‌ها دارای فیدینگ رایلی هستند و  $S = 0 \text{ dB}$  و  $\rho = 0.95$  است.

مسئله فوق یک مسئله بهینه‌سازی محدود است که به کمک روش ضرایب لاگرانژ قابل حل می‌باشد [۳۸]. برای این منظور لاگرانژین به صورت زیر تشکیل می‌شود

$$\mathcal{L}(t_1, t_2, \dots, t_m; \varepsilon_v) = \alpha(1 - \varepsilon_v) \sum_{m=1}^M R_m \int_{t_m}^{t_{m+1}} f_{\hat{s}}(\hat{s}) d\hat{s} - \lambda(E\{p\} - \bar{P}) \quad (9)$$

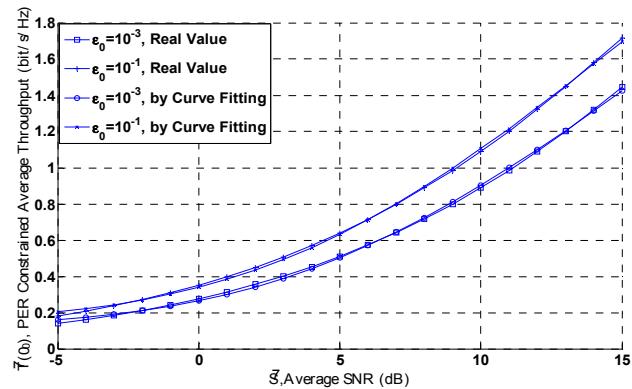
اگر لاگرانژین تابعی محدب از ترشلدها و پارامتر  $\varepsilon_v$  باشد جواب بهینه مسئله (۸) زمانی به دست می‌آید که  $\partial \mathcal{L} / \partial t_m = 0$  و  $\partial \mathcal{L} / \partial \varepsilon_v = 0$  باشد.

در پیوست نشان داده شده که  $\partial \mathcal{L} / \partial t_m < 0$  و  $\partial \mathcal{L} / \partial \varepsilon_v > 0$  و لذا لاگرانژین تابعی محدب است و جواب به دست آمده از (۱۰) بهینه است. واضح است که هر چه متوسط توان ارسالی بیشتر باشد، متوسط گزندگی قابل دسترس زیادتر خواهد شد، لذا قید توان در (۸) یک قید فعال است و در نتیجه  $\lambda$  بایستی به گونه‌ای تعیین شود که قید (۱) با تساوی برقرار شود [۳۸]

$$\begin{aligned} \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial t_m} = 0 \Rightarrow t_m = & \left[ \frac{1}{D_v} \left( \sqrt{\frac{\lambda g_{\varepsilon_v}(R_m) - g_{\varepsilon_v}(R_{m-1})}{R_m - R_{m-1}}} + D_v \right) \right]^r \\ , \quad 1 \leq m \leq M \\ \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \varepsilon_v} = 0 \Rightarrow & \frac{\alpha(1 - \varepsilon_v)\varepsilon_v}{\lambda} \sqrt{\frac{\ln(2\varepsilon_v)}{-(1 - \rho)S}} = \\ & \frac{\sum_{m=1}^M g_{\varepsilon_v}(R_m) \int_{t_m}^{t_{m+1}} \frac{f_{\hat{s}}(\hat{s})}{(D_v \sqrt{\hat{s}} - D_v)^r} d\hat{s}}{\sum_{m=1}^M R_m \int_{t_m}^{t_{m+1}} f_{\hat{s}}(\hat{s}) d\hat{s}} \end{aligned} \quad (10)$$

در شکل ۱، متوسط گزندگی به ازای مقادیر مختلف قید PER در رنج مسیعی از SNRها رسم شده است و در شکل ۲، متوسط گزندگی به ازای متوسط توان‌های مختلف بر حسب قید PER محاسبه و رسم شده است. با دقت در نتایج به دست آمده و با الهام از رابطه ظرفیت در کانال گاووسی می‌توان  $\bar{T}(\varepsilon_v)$  را به صورت  $\bar{T}(\varepsilon_v) = A(\varepsilon_v) \ln(1 + B(\varepsilon_v) \bar{P} S)$  تخمین  $T(\varepsilon_v) = A(\varepsilon_v) \ln(1 + B(\varepsilon_v) \bar{P} S)$  به طوری که ضرایب  $A(\varepsilon_v)$  و  $B(\varepsilon_v)$  از طریق تطبیق متحنی قابل استخراج هستند و به صورت توابع زیر از  $\varepsilon_v$  به دست می‌آیند

$$\begin{cases} A(\varepsilon_v) = \alpha_v + \frac{\alpha_v}{\sqrt{-\log \varepsilon_v}} + \alpha_v \exp(\alpha_v \log \varepsilon_v) \\ B(\varepsilon_v) = \beta_v + \beta_v \exp(\beta_v \log \varepsilon_v) \end{cases} \quad (11)$$



شکل ۱: متوسط گزندگی در لینک بر حسب متوسط SNR زمانی که کانال‌ها دارای فیدینگ رایلی هستند و  $\bar{P} = 1$  است.

$$\begin{aligned} 1 - \frac{1}{2} \exp\left(-\frac{(A-B)^r}{2}\right) &< 1 - \frac{1}{2} \exp\left(-\frac{(A-B)^r}{2}\right) + \\ \exp\left(-\frac{(A+B)^r}{2}\right) \left[\frac{1}{2} + \sum_{i=1}^{\mu-1} \frac{(\beta)^i}{i!}\right] &< Q_\mu(A, B) \end{aligned} \quad (6)$$

لذا برای آن که احتمال نقض شدن PER به  $\varepsilon_v$  محدود شود کافی است داشته باشیم

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} \exp\left\{-\frac{1}{2} \left( \sqrt{\frac{2\rho\hat{s}}{(1-\rho)\bar{S}}} - \sqrt{\frac{2g_{\varepsilon_v}(k)}{p(1-\rho)\bar{S}}} \right)^r\right\} &< \varepsilon_v \Leftrightarrow \\ \frac{g_{\varepsilon_v}(k)}{(D_v \sqrt{\hat{s}} - D_v)^r} &\leq p \end{aligned} \quad (7)$$

به طوری که  $D_v = \sqrt{-(1 - \rho^r) \ln(2\varepsilon_v)}$  و  $\bar{D}_v = \rho$  از آنجا که بر روی توان ارسالی محدودیت وجود دارد، حداقل توان ممکن تخصیص داده می‌شود. طبق (۷)  $\varepsilon_v$  را صفر قرار داد و همچنین بسیار کم بودن  $\varepsilon_v$  موجب افزایش بیش از اندازه توان مورد نیاز و به عبارتی دیگر کاهش نرخ قابل ارسال خواهد شد. لذا مقدار مناسب  $\varepsilon_v$  بایستی از طریق بهینه‌سازی به دست آید که در بخش ۳-۲-۳ مورد بررسی قرار می‌گیرد.

### ۳-۲-۳ تخصیص نرخ

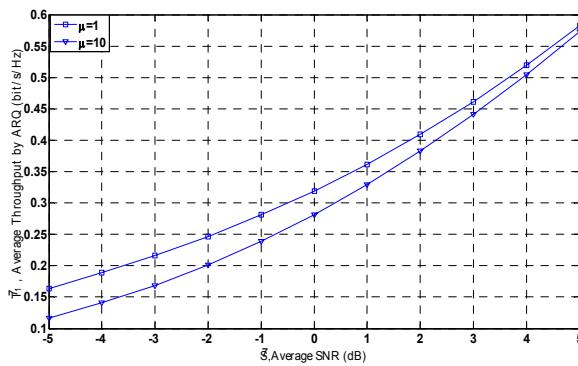
برای تخصیص نرخ از رویکردی مشابه آنچه در [۲] در مورد یک لینک نقطه به نقطه صورت پذیرفته است، استفاده می‌کنیم.  $M$  آستانه را به صورت  $t_1 \leq t_2 \leq \dots \leq t_M \leq t_{M+1} = \infty$  در نظر می‌گیریم و زمانی که  $t_m \leq \hat{s} < t_{m+1}$  باشد نرخ ارسال به صورت  $t_m$  تنظیم می‌شود.

### ۳-۲-۴ بازنویسی صورت مسئله و حل آن

اگر  $\bar{T}(\varepsilon_v)$  بیانگر متوسط گزندگی به عنوان تابعی از  $\varepsilon_v$  باشد، صورت مسئله (۴) به فرم زیر درمی‌آید

$$\begin{aligned} \max_{\{t_1, t_2, \dots, t_M\}} \bar{T}(\varepsilon_v) &= \alpha(1 - \varepsilon_v) E\{k(\hat{s})\} = \\ \alpha(1 - \varepsilon_v) \sum_{m=1}^M R_m \int_{t_m}^{t_{m+1}} f_{\hat{s}}(\hat{s}) d\hat{s} &\dots s.t. \end{aligned} \quad (8)$$

$$C(1) : \sum_{m=1}^M g_{\varepsilon_v}(m) \int_{t_m}^{t_{m+1}} \frac{f_{\hat{s}}(\hat{s})}{(D_v \sqrt{\hat{s}} - D_v)^r} d\hat{s} \leq \bar{P}$$



شکل ۵: متوسط گزندی لینک بر حسب SNR متوسط زمانی که کانال‌ها دارای فیدینگ ناکامی هستند و از ترکیب بهینه AMC و ARQ استفاده شده و  $\bar{P}=1$  و  $\rho=0,95$  است.

استاندارد IEEE ۸۰۲.۱۱ استخراج شده‌اند و پارامترهای تخمین PER مربوط به آنها بر طبق (۱) در جدول ۱ لیست شده‌اند. ۸ مد ارسال وجود دارد که هر یک به کمک یک نوع کدبندی و یک نوع مدوله‌سازی خاص ساخته می‌شوند و در نهایت به نزخهای  $\{\cdot, ۰, ۵, ۰, ۷۵, ۱, ۱۵, ۲, ۳, ۴\}$  منجر می‌شوند.

در شکل‌های ۱ و ۲ نتایج بخشی از ارزیابی‌های گسترده عددی برای بررسی تابع تخمین گزندی (رابطه (۱۱)) نشان داده شده است. آن گونه که شبیه‌سازی‌ها نشان می‌دهد دقت تابع تخمینی به اندازه کافی قابل قبول است.

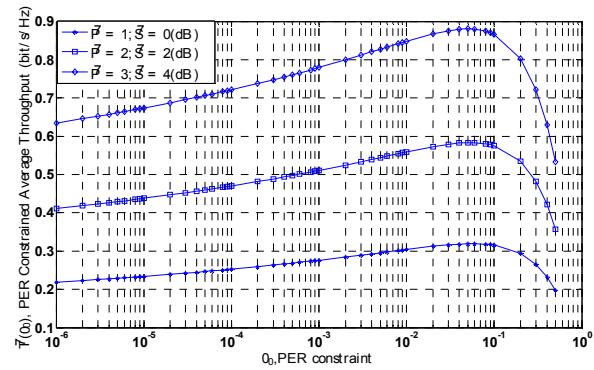
در شکل ۱ متوسط گزندی در لینک بر حسب SNR متوسط زمانی که کانال‌ها دارای فیدینگ رایلی هستند و از AMC با قید PER استفاده می‌شود، ترسیم شده است. همچنین در این شکل متوسط توان  $\bar{P}=1$  فرض شده است.

در شکل ۲ متوسط گزندی در لینک بر حسب قید PER زمانی که کانال‌ها دارای فیدینگ رایلی هستند و از AMC با قید PER محدود استفاده شده، ترسیم شده است. مقدیر مختلف برای قید متوسط توان ارسالی در نظر گرفته شده و متوسط SNR و ضریب همبستگی تیز به ترتیب  $\bar{S}=0,95$  و  $\rho=0,95$  می‌باشد.

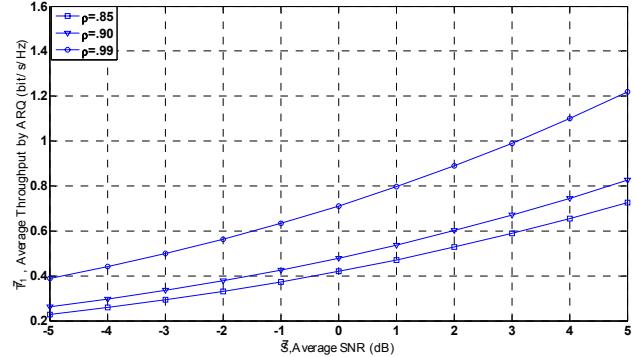
در شکل ۳ مقدار  $\bar{T}_{\infty}$  (رابطه (۱۲)) به ازای مقادیر مختلف  $\epsilon$  رسم شده است. آن گونه که پیداست استفاده از مقدار مناسب  $\epsilon$  در رسیدن به گزندی بیشینه، اهمیت بالایی دارد. در این شکل متوسط گزندی لینک بر حسب قید PER زمانی که کانال‌ها دارای فیدینگ رایلی هستند و از AMC با قید PER محدود و سیستم ARQ استفاده شده است (ترکیب AMC با بهینه PER) و همچنین ضریب همبستگی  $\rho=0,95$  است.

در شکل ۴ متوسط گزندی حاصل از ترکیب بهینه AMC و ARQ (یعنی  $\bar{T}_{\infty}$  به ازای مقدار بهینه  $\epsilon$ ) در نزخ وسیعی از متوسط SNRها رسم شده است. مقادیر مختلف برای ضریب همبستگی بین SNR واقعی و مقدار تخمینی آن در نظر گرفته شده است. آن گونه که پیداست با کاهش  $\rho$  متوسط گزندی کاهش می‌یابد. این بدان علت است که با کاهش  $\rho$  اختلاف وضعیت لینک غیر ایده‌آل با مقدار واقعی آن بیشتر می‌شود. متوسط توان نیز ثابت و برابر  $\bar{P}=1$  در نظر گرفته شده است.

در شکل ۵ گزندی حاصل از سیستم بهینه‌سازی شده HARQ-I به ازای مرتبه‌های مختلف  $\mu$  برای فیدینگ ناکامی رسم شده است،  $(1/\Gamma(\mu))(\mu/\bar{S})^{\mu} \hat{s}^{\mu} \exp(-\mu \hat{s}/\bar{S})$ . متوسط گزندی لینک بر حسب متوسط SNR زمانی که کانال‌ها دارای فیدینگ ناکامی هستند و از ترکیب بهینه AMC با قید PER محدود و سیستم ARQ



شکل ۶: متوسط گزندی لینک بر حسب PER زمانی که کانال‌ها دارای فیدینگ رایلی هستند و از ترکیب غیر بهینه AMC و ARQ استفاده شده و  $\rho=0,95$  است.



شکل ۷: متوسط گزندی لینک بر حسب SNR متوسط زمانی که کانال‌ها دارای ARQ استفاده شده و  $\bar{P}=1$  است.

#### ۴- ارسال مطمئن و بدون خطأ با ترکیب بهینه AMC و ARQ (از نوع I)

برای حذف خطای باقیمانده می‌توان از سیستم ARQ استفاده کرد. با استفاده از ARQ، احتمال آن که پس از  $N_r$  بار بازارسال، بسته اطلاعات بدون خطای دریافت شود برابر  $(1-\epsilon)^{N_r}$  خواهد بود. در این حالت مثل آن است که از کد تکرار با نزخ  $(1/(N_r+1))$  استفاده شده باشد و لذا گزندی به دست آمده در ضربی یادشده ضرب می‌شود. اگر حداقل تعداد بازارسال‌های مجاز بی‌نهایت فرض شود، متوسط گزندی قابل حصول متوسط گزندی قابل حصول با ترکیب AMC و ARQ از رابطه زیر به دست می‌آید

$$\bar{T}_{\infty} = \sum_{i=1}^{\infty} \frac{(1-\epsilon_i)\epsilon_i^{i-1}\bar{T}(\epsilon_i)}{i} = \frac{(1-\epsilon_c)\bar{T}(\epsilon_c)}{\epsilon_c} \sum_{i=1}^{\infty} \frac{\epsilon_i^i}{i} = \frac{(1-\epsilon_c)\bar{T}(\epsilon_c)}{\epsilon_c \ln(1-\epsilon_c)} \quad (12)$$

گزندی قابل حصول به صورت  $\bar{T}_{\infty} = \bar{T}(\epsilon_c)(1-(1-\epsilon_c)^{N_r})$  خواهد شد زمانی که  $\epsilon_c \approx 0$  باشد. برای یافتن مقدار بهینه  $\epsilon_c$  می‌توان  $\partial \bar{T}(\epsilon_c)/\partial \epsilon_c = 0$  را حساب کرد. جواب به دست آمده در حقیقت بیانگر نقطه بهینه در ترکیب سیستم AMC و سیستم ARQ است. بدان معنی که چه بخش از وظیفه تصحیح خطأ به کدهای تصحیح خطأ و چه بخش به سیستم بازارسال تخصیص داده شود.

#### ۵- ارزیابی‌های عددی

به منظور ارزیابی عملکرد روش پیشنهادی، مدهای مختلف ارسال از

- [7] W. L. Li, Y. J. Zhang, A. C. So, and M. Win, "Slow adaptive OFDMA systems through chance constrained programming," *IEEE Trans. Signal Process.*, vol. 58, no. 7, pp. 3858-3869, Jul. 2010.
- [8] L. Toni and A. Conti, "Does fast adaptive modulation always outperform slow adaptive modulation," *IEEE Trans. Wireless Commun.*, vol. 10, no. 5, pp. 1504-1513, May 2011.
- [9] M. Taki, M. Rezaiee, and M. Guillaud, "Adaptive modulation and coding for interference alignment with imperfect CSIT," *IEEE Trans. on Wireless Communications*, vol. 13, no. 9, pp. 5264-5273, 2014.
- [10] M. Taki and M. Sadeghi, "Joint relay selection and adaption of modulation, coding and transmit power for spectral efficiency optimization in amplify-forward relay network," *IET Communications*, vol. 8, no. 11, pp. 1955-1964, 2014.
- [۱۱] م. تاکی، "بهینه سازی گزندی در شبکه پخش با حفظ محرمانگی اطلاعات اختصاصی هر گیرنده با استفاده از کدینگ، مدولاسیون و توان ارسالی و فقی"، نشریه مهندسی برق و مهندسی کامپیوتر ایران، ب- مهندسی کامپیوتر، سال ۱۲، شماره ۱، صص. ۶۶-۶۰، ۱۳۹۵ ع. زمستان ۱۳۹۵
- [12] M. Taki, "Spectral efficiency optimization in amplify and forward relay network with diversity using adaptive rate and adaptive power transmission," *IET Trans. on Communications*, vol. 7, no. 15, pp. 1656-1664, 2013.
- [13] M. Taki and F. Lahouti, "Spectral efficiency optimization for an interfering cognitive radio with adaptive modulation and coding," in *Proc. Int. Conf. on Communications Workshops*, 14-18 Jun. 2009.
- [14] Y. Yao and G. B. Giannakis, "Rate-maximizing power allocation in ofdm based on partial channel knowledge," *IEEE Trans. Wireless Commun.*, vol. 4, no. 3, pp. 1073-1083, May 2005.
- [15] M. R. Souryal and R. L. Pickholtz, "Adaptive modulation with imperfect channel information in OFDM," in *Proc. ICC*, pp. 1861-1865, Jun. 2001.
- [16] Geir Egil Øien, H. Holm, and Kjell Jørgen Hole, "Impact of channel prediction on adaptive coded modulation performance in rayleigh fading," *IEEE Trans. Veh. Technol.*, vol. 53, no. 3, pp. 758-769, May 2004.
- [17] A. Olfat and M. Shikh-Bahaei, "Optimum power and rate adaptation for MQAM in Rayleigh flat fading with imperfect channel estimation," *IEEE Trans. Veh. Technol.*, vol. 57, no. 4, pp. 2622-2627, Jul. 2008.
- [18] S. Ye, R. S. Blum, and L. J. Cimini, "Adaptive OFDM systems with imperfect channel state information," *IEEE Trans. Wireless Commun.*, vol. 5, no. 11, pp. 3255-3265, Nov. 2006.
- [19] Z. Song, K. Zhang, and Y. L. Guan, "Statistical adaptive modulation for QAM-OFDM systems," in *Proc. GLOBECOM*, vol. 1, pp. 706-710, Nov. 2002.
- [20] H. Zhang, S. Wei, G. Ananthaswamy, and D. L. Goeckel, "Adaptive signaling based on statistical characterizations of outdated feedback in wireless communications," *Proceedings of the IEEE* vol. 85, no. 12, pp. 2337-2353, Dec. 2007.
- [21] J. F. Paris and A. J. Goldsmith, "Adaptive modulation for MIMO multiplexing under average BER constraints and imperfect CSI," *IEEE Int. Conf. on Communications*, pp. 1318-1325, Jun. 2006.
- [22] Part 11: Wireless LAN Medium Access Control (MAC) and Physical Layer (PHY) Specifications, IEEE Std. 802.11a-1999, 1999.
- [23] Digital Video Broadcasting (DVB) Second Generation Framing Structure for Broadband Satellite Applications, EN 302 307 V1.1.1, 2005.
- [24] E. Malkamaki and H. Leib, "Performance of truncated type-II hybrid ARQ schemes with noisy feedback over block fading channels," *IEEE Trans. Commun.*, vol. 48, no. 9, pp. 1477-1487, Sep. 2000.
- [25] J. Yun, "Throughput analysis of selective repeat ARQ combined with adaptive modulation for fading channels," in *Proc. IEEE MILCOM*, vol. 1, pp. 710-714, 7-10 Oct. 2002.
- [26] J. Yun and M. Kavehrad, "Markov error structure for throughput analysis of adaptive modulation systems combined with ARQ over correlated fading channels," *IEEE Trans. on Veh. Technology*, vol. 56, no. 2, pp. 235-245, Jan. 2005.
- [27] L. B. Le, E. Hossain, and A. S. Alfa, "Delay statistics and throughput performance for multi-rate wireless networks under multiuser diversity," *IEEE Trans. Wireless Commun.*, vol. 5, no. 11, pp. 3234-3243, Nov. 2006.
- [28] S. Falahati and A. Svensson, "Hybrid type-II ARQ schemes with adaptive modulation systems for wireless channels," in *Proc. IEEE VTC'99*, vol. 5, pp. 2691-2695, 19-22 Sept. 1999.
- [29] D. Wu and S. Ci, "Cross-layer combination of hybrid ARQ and adaptive modulation and coding for QoS provisioning in wireless data networks," in *Proc. 3rd Int'l Conf. Quality of Service in*

استفاده شده است. ثوابت توان و ضریب همبستگی نیز به ترتیب برابر  $\bar{P} = ۰.۹۵$  و  $\rho = ۰.۹۵$  در نظر گرفته می‌شوند.

## ۶- نتیجه‌گیری

روشی برای ارسال مطمئن اطلاعات در کanal مخابراتی بی‌سیم با استفاده همزمان از کدهای تصحیح خطأ و کدهای تشخیص خطأ و بازارسال ارائه شد. یک سیستم تطبیق لینک گستته با استفاده از کدینگ و مدولاسیون وفقی طراحی شد که با استفاده از آن با ملاحظه قید متوسط توان، متوسط گزندی به گونه‌ای حداقل شد که احتمال رخداد خطأ در بسته‌های اطلاعات مقدار مشخصی باشد. از آنجا که وضعیت لینک به صورت ایده‌آل در اختیار نبود، لذا تنظیم دقیق نرخ و توان ارسال ممکن نبود و لذا طراحی جدیدی ارائه شد که با استفاده از آن احتمال نقض شدن قید PER مقدار مشخص و محدودی باشد و این احتمال نقض شدن نیز بهینه گردید. وظیفه حذف خطای باقیمانده بر دوش سیستم ARQ گذاشته شد. از آنجا که تنظیم سخت‌گیرانه قید PER و تعداد بازارسال‌های زیاد هر دو موجب خراب شدن گزندی کل می‌شوند، لذا نقطه بهینه‌ای برای ترکیب سیستم AMC و سیستم ARQ به دست آمد.

## پیوست

مقدار  $d^r \mathcal{L}/d\epsilon_v^r$  و  $d^r \mathcal{L}/dt_m^r$  در ادامه محاسبه شده و بررسی‌های عددی نشان می‌دهد که مقادیر یادشده در نقاط اکسترم همواره منفی هستند و لذا لاگرانژین تابعی محدب از آستانه‌ها و  $\epsilon_v^r$  است

$$\begin{aligned} \frac{d^r \mathcal{L}}{dt_m^r} &= -f_{\hat{s}}(t_i) \left[ \frac{K'(R_m - R_{m-1})Q\lambda}{\sqrt{t_m}(D\sqrt{t_m} - D_v)} \right] < 0 \\ \frac{d^r \mathcal{L}}{d\epsilon_v^r} &= \lambda \left( -\sqrt{\frac{-(1-\rho)\bar{S}}{\ln(2\epsilon_v)}} \left[ \frac{1}{\epsilon_v^r} + \frac{1}{2\epsilon_v^r} \times \frac{1}{|\ln(2\epsilon_v)|} \right] \right) \times \\ &\quad \left( \sum_{m=1}^M g_{\epsilon_v}(R_m) \int_{t_m}^{t_{m+1}} \frac{f_{\hat{s}}(\hat{s})}{(D\sqrt{\hat{s}} - D_v)^r} d\hat{s} \right) + \quad (1-\beta) \\ &\quad \left( -\sum_{m=1}^M g_{\epsilon_v}(R_m) \int_{t_m}^{t_{m+1}} \frac{f_{\hat{s}}(\hat{s})}{(D\sqrt{\hat{s}} - D_v)^r} d\hat{s} \right) \times \\ &\quad \left( \frac{1}{\epsilon_v^r} \sqrt{\frac{-(1-\rho)\bar{Y}}{\ln(2\epsilon_v)}} \right)^r \leq 0. \end{aligned}$$

## مراجع

- S. T. Chung and A. J. Goldsmith, "Degrees of freedom in adaptive modulation: a unified view," *IEEE Trans. Commun.*, vol. 49, no. 9, pp. 1561-1571, Sep. 2001.
- K. J. Hole, H. Holm, and G. E. Øien, "Adaptive multidimensional coded modulation over flat fading channels," *IEEE J. Select. Areas Commun.*, vol. 18, no. 7, pp. 1153-1158, Jul. 2000.
- N. C. Beaulieu, G. Farhadi, and Y. Chen, "Amplify-and-forward multihop relaying with adaptive M-QAM in Nakagami-m fading," in *Proc. IEEE Global Telecommunication Conf.*, 5-9 Dec. 2011.
- A. Gjendemsjø, H. C. Yang, M. S. Alouini, and G. Oien, "Rate and power allocation for discrete-rate link adaptation," *EURASIP J. Wireless Commun. Netw.*, Article ID 394124, 11 pp., 2008
- J. Tang and X. Zhang, "Quality-of-service driven power and rate adaptation over wireless links," *IEEE Trans. on Wireless Communications*, vol. 6, no. 8, pp. 3058-3068, Aug. 2007.
- B. C. Modi, O. Olabiyi, and A. Annamalai, "Improving the spectral efficiency of adaptive modulation in amplify-and-forward cooperative relay networks with truncated ARQ protocol," in *Proc. IEEE Global Telecommunications Conf., GLOBECOM'11*, 5-9 Dec. 2011.

- analysis over fading channels," *IEEE Trans. Wireless Commun.*, vol. 48, no. 3, pp. 359-366, Mar. 2000.
- [38] J. Nocedal and S. J. Wright, *Numerical Optimization*, 2nd Ed. Springer, 2006.

**مهرداد تاکی** در سال ۱۳۷۸ مدرک کارشناسی مهندسی برق خود را از دانشگاه تهران و در سال ۱۳۸۴ مدرک کارشناسی ارشد مهندسی برق مخابرات خود را از دانشگاه علم و صنعت دریافت نمود. وی در سال ۱۳۹۰ مدرک دکتری خود را از دانشگاه تهران در رشته مهندسی برق مخابرات دریافت کرد. ایشان هم اکنون عضو هیأت علمی دانشکده فنی مهندسی گروه مهندسی برق دانشگاه قم می باشد. زمینه‌های علمی مورد علاقه نامبرده متوجه بوده و شامل موضوعاتی مانند مخابرات سیار و بی‌سیم، پردازش سیگنال، پردازش صوت و تصویر، پردازش سیگنا رادار و برنامه ریزی تصادفی می باشد.

**رضامهین زعیم** در سال ۱۳۹۰ مدرک کارشناسی مهندسی برق خود را از دانشگاه آزاد اسلامی واحد کرج و در سال ۱۳۹۳ مدرک کارشناسی ارشد مخابرات سیستم خود را از دانشگاه اصفهان دریافت نمود. از سال ۹۴ تا کنون نیز نامبرده به تحلیل و طراحی بسترهای مخابراتی برای مجھطهای شهری و درون ساختمانی شامل هر دو ستر سیمی و بی‌سیم مشغول بوده است. زمینه‌های علمی مورد علاقه نامبرده شامل موضوعاتی مانند طراحی لایه‌ی داده شامل کدبندی کانال و لایه‌ی فیزیکی شامل سیستم‌های چندپر شی، سیستم‌های چند آنتنی و همچنین رادیو شناختگر می باشد.

- Heterogeneous Wired/Wireless Networks*, Article ID. 47, 7-9 Aug. 2006.
- [30] Q. Liu, S. Zhou, and G. B. Giannakis, "Cross-layer combining of adaptive modulation and coding with truncated ARQ over wireless links," *IEEE Trans. Wireless Commun.*, vol. 3, no. 5, pp. 1746-55, Sep. 2004.
- [31] J. S. Harsini and F. Lahouti, "Joint optimization of adaptive modulation and coding, power control and packet retransmission over block fading channels," in *Proc. IEEE Information Theory Workshoopp*. Bergen, Norway, 1-6 Jul. 2007.
- [32] D. Wu, S. Ci, and H. Wang, "Cross-layer optimization for video summary transmission over wireless networks," *IEEE J. Select. Areas Commun.*, vol. 25, no. 4, pp. 841-850, May 2007.
- [33] H. Zheng and H. Viswanathan, "Optimizing the ARQ performance in downlink packet data systems with scheduling," *IEEE Trans. Commun.*, vol. 4, no. 2, pp. 495-506, Mar. 2005.
- [34] J. S. Harsini and F. Lahouti, "Quality of service constrained throughput optimization for joint adaptive transmission with ARQ over block-fading channels," *IET Communications*, vol. 6, no. 3, pp. 1030-1040, Jul. 2009.
- [35] T. Zhou, X. Yu, Y. Li, and Y. Jiao, "Cross-layer design with feedback delayover MIMO Nakagami-m fading channels," in *Proc. 12th IEEE Int. Conf. on Communication Technology, ICCT'10*, pp. 359-366, 11-14 Nov. 2010.
- [36] I. S. Gradshteyn and I. M. Ryzbik, *Table of Integrals, Series and Products*, Academic Press, Inc., 1996.
- [37] M. K. Simon and M. S. Alouini, "Exponential-type bounds on the generalized marcum Q-function with application to error probability